



## بهینه‌سازی کنترل موجودی در یک زنجیره تامین سه سطحی از طریق شبیه‌سازی و الگوریتم جستجوی هارمونی

نسترن بخشی زاده<sup>\*</sup>، پرهام عظیمی<sup>\*\*</sup>

تاریخ دریافت: ۹۴/۲/۴ - تاریخ پذیرش: ۹۵/۸/۳۰

### چکیده

در بازارهای امروز رقابت در حال افزایش است و شرکت‌ها را به سمت بهینه‌سازی فرایند‌های مدیریتی سوق می‌دهد. این موضوع هماهنگی مسائل مختلفی نظیر به اشتراک گذاری اطلاعات، برنامه ریزی ظرفیت تولید و قابلیت اطمینان میان اعضای درگیر شبکه را شامل می‌شود. یکی از مهمترین ابعاد شبکه زنجیره تامین بهینه‌سازی عملیاتها با هدف حداقل کردن هزینه می‌باشد. احتمالی بودن تقاضا و زمان تولید محصولات، که در این تحقیق مورد بررسی قرار گرفته‌اند، مهم ترین عدم قطعیت‌هایی هستند که یک زنجیره تامین با آن مواجه است.. با توجه به این پیچیدگی‌ها بهینه‌سازی شبکه زنجیره تامین کار بسیار سختی می‌باشد. به منظور مقابله با این پیچیدگی و تعیین شرایط بهینه این تحقیق رویکرد ترکیبی شبیه‌سازی، روش تاگوچی، تجزیه و تحلیل رگرسیون غیرخطی و الگوریتم جستجوی هارمونی پیشنهاد می‌دهد. در این رویکرد در ابتدا مفاهیم طراحی ازماشات به کار گرفته می‌شود و تعدادی سناریو برای زنجیره تامین تعریف می‌شود. سپس هریک از این سناریوها در محیط شبیه‌سازی شده اجرا می‌شوند. نتایج بدست آمده از شبیه‌سازی به منظور تخمین رابطه بین عوامل موثر بر زنجیره و هزینه‌های زنجیره استفاده می‌شود. در نهایت با بهینه‌سازی این رابطه می‌توان هزینه‌های زنجیره تامین را حداقل کرد. این پژوهش به شرکت‌ها کمک می‌کند تا بتوانند پیچیدگی‌ها و اوابستگی میان فاکتورهای مختلف زنجیره تامین را هموار کرده و راهکاری برای تولید کنندگان در راستای تعیین برنامه ظرفیت مناسب و همچنین استراتژی به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید ایجاد می‌کند.

**واژگان کلیدی:** شبکه زنجیره تامین، شبیه‌سازی، رگرسیون، الگوریتم جستجوی هارمونی

\* دانشجوی دکتری مهندسی صنایع، برنامه ریزی و مدیریت تولید، دانشکده صنایع و مکانیک دانشگاه آزاد اسلامی واحد قزوین

\*\* دانشیار، گروه مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، واحد قزوین، دانشگاه آزاد اسلامی، قزوین.  
ایران (نویسنده مسئول) p.azimi@yahoo.com

## مقدمه

در بازار جهانی و رقابت امروز برای رسیدن به موفقیت بیشتر در صنایع مختلف، مدیریت زنجیره تامین نقش بسیار حیاتی ایفا می‌کند. زنجیره تامین شبکه‌ای از تامین کنندگان، تولید کنندگان، توزیع کنندگان و مشتریانی است که با مسائل مختلفی نظری: حمل و نقل، به اشتراک گذاری اطلاعات و زیر ساخت‌های مالی به هم مرتبط شده‌اند [۱]. هدف زنجیره تامین ارائه محصولات و خدمات با کیفیت به مصرف کننده نهایی با کارایی بالا و کمترین هزینه می‌باشد [۲]. تاکنون مجموعه گسترده‌ای از تحقیقات به مسائل مختلف مرتبط با زنجیره تامین پرداختند. گاویرنمنی و همکاران [۳] بر مدیریت جریان مواد تمرکز کردند در حالیکه استرادر همکاران [۴] و هویت [۵] در همین سال بر نقش فن اوری اطلاعات در شبکه زنجیره تامین تاکید کردند. شانک و همکارانش [۶] در سال ۲۰۰۳ رویکرد یکپارچه سازی را برای رنجیره تامین بکار گرفتند.

اسپکمن [۷] و تامپکیتز [۸] وابستگی میان اعضای مختلف زنجیره تامین مانند خرده فروشان، تولید کنندگان و تامین کنندگان را مورد مطالعه قرار دادند. در سال ۲۰۰۶ کواک و همکاران [۹] مدل "خریدار تامین کننده" را برای فرایند چانه زنی در حالی پیشنهاد دادند که مدل انها بر مدل: ساخت الکترونیکی و زنجیره تامینی که توسط ژانگ و همکاران [۱۰] در همان سال پیشنهاد شده بود استوار بود.

التبایرماک و همکاران [۱۱] در سال ۲۰۰۶ شبکه زنجیره تامین را بصورت یک مساله بهینه سازی چند هدفه در نظر گرفتند و از اینجا با الگوریتم ژنتیک حل کردند. در گذشته محققان رویکردهای مختلفی را برای مقابله با مشکلات زنجیره تامین ابداع کردند که برخی از انها بر رویکردهای قطعی و برخی دیگر بر رویکردهای غیرقطعی تمرکز بودند. کوهن و لی [۱۲]، ارنتنز و همکاران [۱۳]، هریهاران و زیپکین [۱۴] برنامه ریزی ریاضی را به عنوان یک رویکرد قطعی برای بهینه سازی شبکه زنجیره تامین بکار گرفتند. در حالیکه ژن و زیپکین [۱۵]، وانهو تام و همکاران [۱۶] بر مدل سازی تصادفی مسائل زنجیره تامین تمرکز کردند. به منظور دستیابی به مزیت رقابتی در زنجیره تامین باید فاکتورهای انعطاف پذیری، سرعت در

پاسخگویی قابلیت اطمینان و هزینه مناسب را در نظر داشت این اهداف می‌توانند با سرعت بالای جریان اطلاعات و جریان مواد و پایین اوردن هزینه‌های سربار تحقق یابند. از طرفی هماهنگی و یکپارچگی در اطلاعات مختلف مانند اطلاعات فروش، اطلاعات موجودی و فعالیتهای مختلف نظیر تبلیغات و حمل و نقل برای موقیت زنجیره تامین ضروری هستند. یکی از مسائل مهم شبکه زنجیره تامین به حداقل رساندن هزینه‌ها با شرایط بهینه عملیات‌های ان می‌باشد. که البته بدليل پیچیدگی‌های میان تعاملات زنجیره کار بسیار سختی می‌باشد. برای حل این پیچیدگی‌ها و به حداکثر رساندن عملکرد اعضای زنجیره تامین باید ابتدا مسئولیتها و نقش‌های هریک از اعضاء به همراه مکانیسم همکاری آنان در زنجیره را تعریف کنیم. بسیاری از محققان به مسائل تک بعدی در زنجیره تامین مانند تعیین ظرفیت عملکردی زنجیره تامین پرداختند در حالیکه رویکردن که بطور همزمان دو یا چند عامل را در زنجیره در نظر بگیرد وجود ندارد.

در این تحقیق نقش و مسئولیت هر یک از اعضاء در پیاده سازی و اجرای استراتژی بهینه سازی زنجیره تامین به روشنی بیان شده است به عبارتی در این تحقیق تلاش می‌کنیم تا بتوانیم هزینه‌های کل زنجیره تامین را مینیمم کنیم و از طرفی شرایط بهینه را برای عوامل درگیر در زنجیره با در نظر گرفتن پارامترهای مختلفی نظیر: به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید، به اشتراک گذاری اطلاعات، تعیین ظرفیتها، بازنگری سیاستها، زمان تحويل و قابلیت اطمینان تامین کنندگان ایجاد نماییم. به منظور برآورده کردن این اهداف ما یک رویکرد ترکیبی شیوه سازی با روش تاگوچی و تجزیه و تحلیل رگرسیون غیرخطی [۱۷] و الگوریتم جستجوی هارمونی ارائه شده است. در این راستا ابتدا رویکرد شیوه سازی را برای مدل سازی شبکه زنجیره تامین مورد استفاده قرار دادیم اگر چه شیوه سازی تنها اثربخشی شرایط از قبل تعیین شده را ارزیابی می‌کند و نمی‌تواند وسیله‌ای برای بهینه سازی عملکرد سیستم باشد. لذا مدل شبیه سازی را با روش تاگوچی، تجزیه و تحلیل رگرسیون غیرخطی و الگوریتم جستجوی هارمونی ترکیب کرده ایم.

به منظور پاسخ گویی مؤثر به رویدادهای پیش بینی نشده نظری: تغییر در تقاضا، مقدار سفارش و یا زمان تحويل و نیز پایداری و ثبات سیستم باید زنجیره تامین را به شکل مقاوم در برابر تغییرات احتمالی توسعه دهیم. رویکرد تاگوچی بهترین راه برای رسیدن به این هدف می‌باشد چراکه ثبات سیستم را افزایش، هزینه‌ها را کاهش و کیفیت را در کلیه سطوح مختلف سیستم بهبود می‌بخشد. ما روش ارایه متعامد تاگوچی را بررسی کرده و پارامترهای مناسب جهت قوی تر شدن زنجیره تامین را شناسایی کردیم.

مونت گومری [۱۷] در سال ۲۰۰۱ اظهار داشت که ارایه متعامد تاگوچی برای بررسی دقیق فضای مورد مطالعه در زمانیکه پارامترها بطور مستمر تغییر می‌کنند مناسب و کارآمد نیست. لذا این روش تنها برای متغیرهای کیفی بهینه سازی مناسب هستند و برای متغیرهای کمی نمی‌توانند مؤثر واقع شوند. بنابراین برای رفع این محدودیت ما از تجزیه و تحلیل رگرسیون و الگوریتم جستجوی هارمونی در کنار شبیه سازی و روش تاگوچی استفاده می‌کنیم. این مقاله از اطلاعات موجود در [۱۸] بهره می‌گیرد و سعی دارد تا با توجه به آن به توسعه یک الگوریتم فرآبتکاری جدید پردازد.

تجزیه و تحلیل رگرسیون برای تعیین رابطه عملکردی میان متغیرهای کمی و هزینه‌های زنجیره تامین مورد استفاده قرار می‌گیرد. از طرفی الگوریتم جستجوی هارمونی به عنوان ابزار بهینه سازی جهت تعیین مقدار بهینه متغیرهای کمی استفاده می‌شود. الگوریتم جستجوی هارمونی<sup>۱</sup> یک الگوریتم تکاملی مبتنی بر عملکرد سازهای موسیقی است که اولین بار توسط جیم و همکاران [۱۹] معرفی شد. نتایج بدست آمده از الگوریتم جستجوی هارمونی با نتایج بدست آمده از الگوریتم‌های فرآبتکاری موجود در ادبیات با هم مقایسه می‌شوند. این مقایسه نشان می‌دهد که الگوریتم جستجوی هارمونی از نظر کاهش هزینه‌های زنجیره تامین بر دیگر الگوریتم‌ها برتری دارد.

در ادامه مقاله در بخش ۲ به مدل شبیه سازی شبکه زنجیره تامین و پارامترهای مؤثر بر عملکرد آن، در بخش ۳ ازمایشات لازم برای بدست اوردن هزینه‌های شبکه تحت تاثیر پارامترهای

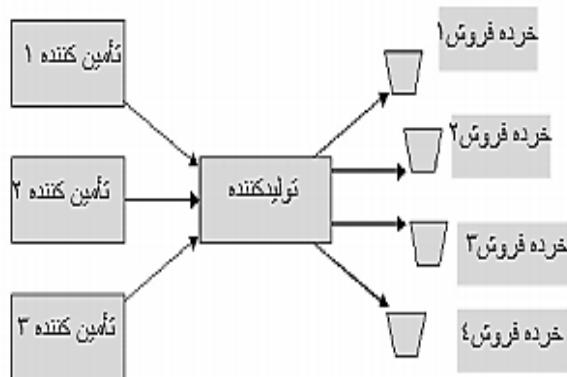
---

۱ Harmony Algorithm

مختلف طراحی می‌شوند. در بخش ۴ مدلسازی ریاضی با استفاده از تجزیه و تحلیل رگرسیون انجام می‌شود. در بخش ۵ بهینه سازی با استفاده از الگوریتم جستجوی هارمونی و در آخر در بخش‌های ۶ و ۷ نتایج محاسباتی و پیشنهادات برای تحقیقات آتی ارائه می‌گردد.

### مدل شبیه سازی شبکه زنجیره تامین

شبیه سازی راهکاری مناسب برای پیش‌بینی ارتباط‌ها ووابستگی‌ها میان اعضای شبکه زنجیره تامین می‌باشد و می‌تواند برای مدلسازی شبکه زنجیره تامین نیز بکار گرفته شود. با توجه به اینکه زنجیره تامین و هزینه‌های مرتبط با آن به شدت تحت تاثیر عوامل احتمالی مانند تقاضا و زمان تولید است طراحی و توسعه یک مدل تحلیلی برای آن تا حدی ناممکن است. مدل‌های توسعه داده شده در ادبیات نیز همگی تقریبی از دنیای واقعی هستند. در چنین شرایطی شبیه سازی می‌تواند تمامی شرایط یک زنجیره در دنیای واقعی را به هنگام مدل سازی در نظر گرفته و دقیق ترین نتایج را ارائه دهد. در گذشته محققانی نظری باشکاران [۲۰] و بیامون و شن [۲۱] از تکنیک شبیه سازی برای بررسی ابعاد مختلف زنجیره تامین نظری: چگونگی تاثیر متغیرهای عملیاتی بر عملکرد زنجیره و تقاضا استفاده کردند. در این مقاله ما از شبیه سازی برای مدل سازی شبکه زنجیره تامین با هدف شناسایی و تعیین مقدار بهینه فاکتورهای موثر بر زنجیره که قادرند هزینه را به حداقل برسانند استفاده می‌کنیم. در این بررسی یک زنجیره سه سطحی شامل ۴ خرده فروش و ۱ تولیدکننده و ۳ تامین کننده در نظر گرفته می‌شود که در شکل ۱ نشان داده شده است.



شکل ۱. یک شبکه زنجیره تامین

در این شکل کاملاً واضح است که هر عضو زنجیره به عضو دیگر وابسته است بطوریکه خروجی هر سطح به عنوان ورودی برای سطح بعد عمل می‌کند. ما نرم افزار ای دی<sup>۱</sup> را برای شبیه سازی کار خود انتخاب کردیم. زنجیره تامین موردنظر سه سطحی و در رابطه با تلویزیون می‌باشد. خرده فروشان در این مدل مقدار تقاضا را برای محصول پیش بینی می‌کنند انها به دنبال اجرای استراتژی‌های زیر برای رسیدن به اهداف خود هستند:

- ۱- پس از برآورد مقدار تقاضای اینده تصمیمات مربوط به برنامه ریزی و کنترل موجودی اتخاذ می‌شود.
- ۲- بر اساس مقدار موجودی، سفارش جدید برای به تولیدکننده صادر می‌شود.
- ۳- مقدار کالای درخواست شده از تولیدکننده دریافت شده سپس هزینه انها و خدمات مربوطه ارزیابی می‌شود.

برای سادگی مدل فرض کردیم که تقاضای محصول دارای منحنی S شکل با میانگین ۱۸۰۰ واحد در ماه می‌باشد. از انجا که تلویزیون دارای چرخه عمر کوتاه می‌باشد مدت اجرای شبیه سازی نیز کوتاه در نظر گرفته شده است (مثلا ۱۸ ماه). متغیرهای شبکه زنجیره تامین در شبیه

سازی در جدول ۱ لیست شده اند. عوامل مؤثر بر عملکرد زنجیره تامین (هزینه‌های زنجیره تامین) در زیر مورد بررسی قرار می‌گیرد:

#### (A) به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید:

الدرسون [۲۲] اولین کسی بود که استراتژی به تعویق انداختن معرفی محصول جدید را برای کاهش تاثیرات منفی ناشی از تنوع تقاضای مشتریان در زنجیره تامین ابداع کرد. برای پیروزی در رقابت فشرده امروز و افزایش سطح پاسخگویی به خواسته‌های مشتریان شرکتها بطور بی سابقه‌ای به سمت تولید انعطاف پذیر و چابک روی اوردند. این استراتژی از مقدار کالای در جریان ساخت کم کرده و تا زمان رسیدن تقاضای مشتریان انها را به محصول نهایی تبدیل نمی‌کند و اثرا به تاخیر می‌اندازد. با این استراتژی می‌توان فرایند پرهزینه تولید محصول جدید را به تعویق انداخت چراکه تنها موجودی نگهداری شده مربوط به قطعات اصلی و پایه محصولات بوده و به محض رسیدن سفارش عملیاتهای تبدیل این قطعات به محصول نهایی مورد تقاضا انجام می‌گیرد. با نگهداری موجودی‌های ارزان‌تر شرکتها می‌توانند هزینه‌های نگهداری موجودی را کاهش دهند. این استراتژی برای به حداقل رساندن هزینه‌های ناشی از تنوع تقاضا برای محصولات جدید بسیار مناسب بوده و از طرفی می‌تواند خدمات خوبی را برای مشتریان ایجاد کند. [۲۳]

**جدول ۱. مقدار فاکتورهای قابل کنترل و غیرقابل کنترل در شبیه سازی**

فاکتورهای قابل کنترل و سطوح انها				
A	به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید	اصلاً رخ ندهد	اصلاً رخ ندهد	بطور کامل
B	به اشتراک گذاری اطلاعات	اصلاً رخ ندهد	اصلاً رخ ندهد	بطور کامل
C	ظرفیت تولید در واحد زمان	۵۰	۱۰۰	۱۵۰
D	سیاست موجودی خرده فروش	۲۵	۵۰	۷۵
E	زمان تحويل	۶	۱۰	۱۴
F	قابلیت اطمینان تامین کننده	۵۰	۷۰	۹۰

**(B) به اشتراک گذاری اطلاعات (i):**

این استراتژی نقش بسیار مهمی در شیکه زنجیره تامین بازی می‌کند. هر یک از اعضای شبکه تصمیم خود را بر اساس اطلاعات دریافت شده از عضو پایین دستی خود در زنجیره اتخاذ می‌کند. برای مقابله با نوسانات زیاد تقاضا، اعضای زنجیره تامین تمایل به نگهداری موجودی اضافی برای جلوگیری از کمبود موجودی دارند چنین اقدامی باعث تشدید اثر شلاق چرمی و افزایش هزینه‌های موجودی می‌گردد. به اشتراک گذاری اطلاعات باعث افزایش دید هر عضو زنجیره و در نتیجه مانع تقویت اثر شلاقی و بهبود هزینه‌ها و افزایش سطح خدمات می‌گردد و برای کل زنجیره تامین سودمند است. عدم به اشتراک گذاری اطلاعات میان اعضای زنجیره باعث تشدید اثر شلاق چرمی می‌شود که تاثیر بسیار نامطلوبی بر هزینه‌های زنجیره تامین می‌گذارد.

**(C) ظرفیت تولید (c):**

ظرفیت نشان دهنده توانایی برای برآوردن تقاضای اینده و یا مقدار محصولی است که می‌تواند در هر دوره تولید شود. برای برنامه ریزی یکپارچه زنجیره نیاز به اشتراک گذاری اطلاعات مربوط به ظرفیت هر یک اعضای زنجیره داریم [۲۴]. زمانیکه تولید کننده از ظرفیت هر تامین کننده اگاه باشد می‌تواند تصمیمات بهتری را درخصوص صرفه جویی در هزینه‌های اتخاذ کند [۲۵].

**(D) سفارش مجدد (R):**

هر خرده فروش سیاست ( $S - s$ ) را برای کنترل موجودی اتخاذ می‌کند در صورتیکه مقدار موجودی کمتر یا مساوی نقطه سفارش ( $s$ ) باشد خرده فروش سفارشی به اندازه  $S$  می‌دهد. این سیاست همچنین به نام سیاست کمینه-بیشینه<sup>۱</sup> نیز نامیده می‌شود.

### (E) زمان تحويل (LT):

زمان تحويل یکی از مهمترین فاکتورهای مؤثر بر عملکرد زنجیره تامین می‌باشد که می‌تواند بصورت فاصله زمانی بین سفارش تا دریافت ان تعريف شود. کاهش زمان تحويل، یکی از عناصر مهم در مدیریت زنجیره تامین می‌باشد. با کاهش زمان تحويل می‌توانیم بطور همزمان هم سطح موجودی را کنترل کرده و هم استفاده بهتری از ظرفیت در زنجیره داشته باشیم. علاوه بر این اثر شلاقی نیز با کم شدن عدم اطمینان در تقاضا کاهش می‌یابد. طولانی بودن زمان تحويل، نتیجه به اشتراک گذاری کم اطلاعات می‌باشد[۲۶]. همچنین طولانی شدن زمان تحويل نقش عمده‌ای در افزایش اثر شلاقی دارد [۲۷].

### (F) قابلیت اطمینان تامین کنندگان:

قابلیت اطمینان تامین کنندگان در زنجیره بصورت در دسترس بودن مواد و قطعات با کیفیت در زمان تولید خود را نشان می‌دهد و بر عملکرد زنجیره تامین تاثیرگذار است. عرضه نامطمئن باعث کاهش کیفیت محصول نهایی و افزایش تغییرات تقاضا می‌گردد. رویکرد شبیه سازی شامل ۳ مرحله اصلی می‌باشد که در قسمت‌های بعدی مورد بررسی قرار می‌گیرد.

#### ۳- تولید تقاضا و سیاست موجودی:

هر خرده فروش تقاضا را با استفاده از مدل باس<sup>۱</sup> و در نظر گرفتن مقدار واریانس تقاضا براورد می‌کند. فرض می‌شود تقاضای پیش‌بینی شده بیشتر از تقاضای واقعی باشد بنابراین امکان ایجاد تقاضای منفی (کمبود تقاضا) ناچیز خواهد بود.[۲۸] تقاضا برای تمام خرده فروشان برای یک دوره ۱۸ ماهه درنظر گرفته شده و ظرفیت تولید نیز مطابق مقدار تقاضا برنامه ریزی شده است. فرض کنید ظرفیت ماهیانه تولید کننده  $C = S, S$  باشد و خرده فروشان سیاست (S,S) را برای کنترل سطح موجودی خود بکار می‌برند. بر اساس سیاست کمینه-بیشینه هر هفته اگر موجودی کمتر از  $S$  شود خرده فروشان سفارش گذاری جدیدی را برای حفظ موجودی در سطح  $S$  انجام می‌دهند. این سطح از موجودی با تعیین مقدار موجودی موردنیاز در فاصله

زمانی سفارش گذاری تا دریافت سفارش بعلاوه مقدار دخیره اطمینان موجودی برای پاسخگویی به تغییرات تقاضا، تعیین می‌شود. رابطه ریاضی که بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$S = \mu(T + LT) + \theta\sigma\sqrt{T + LT} \quad (1)$$

$\mu$  = مقدار تقاضای پیش‌بینی شده دوره‌ای که می‌تواند بوسیله مدل Bass

پیش‌بینی شود.

$T$  = فاصله زمانی بین سفارشات که در این مدل ۱ هفته می‌باشد.

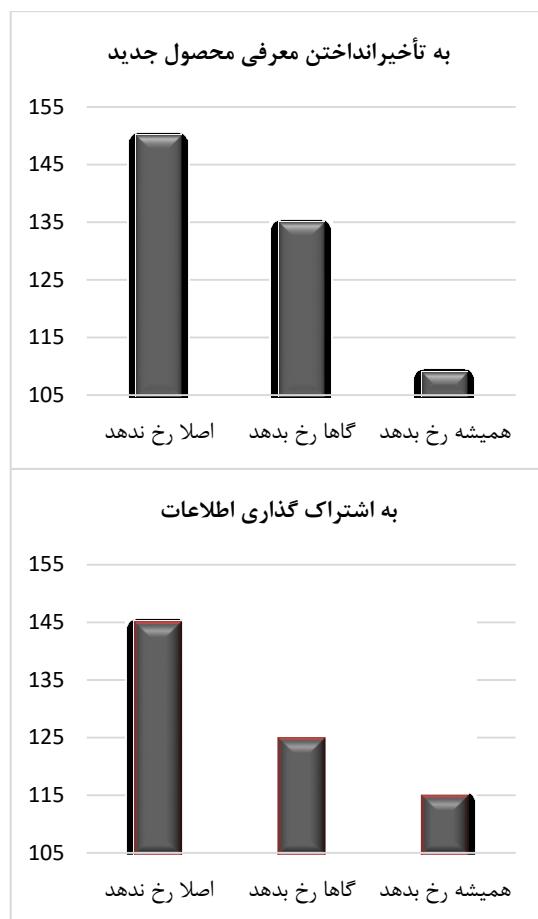
$LT$  = زمان تحويل (Lead Time) که مقدار زمان تولید موردنیاز است در

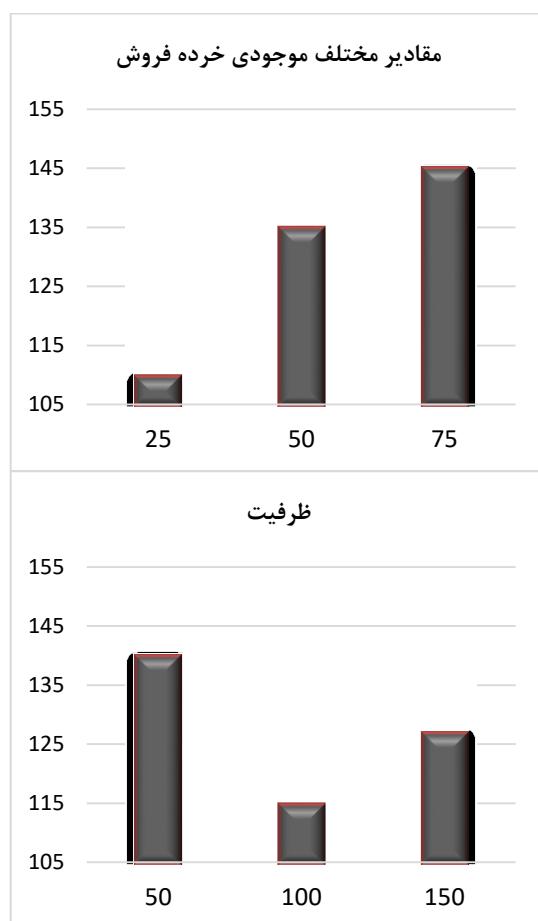
حالیکه اطلاعات به اشتراک گذاشته نشده و هیچ تنوع و نوادری برای محصولات درنظر گرفته نشده است.

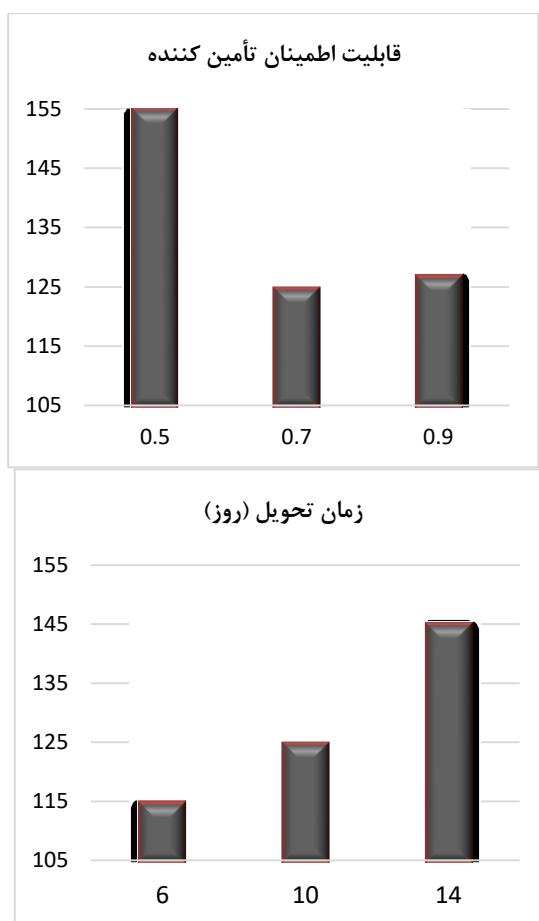
$\theta$  = انحراف استاندارد مرتبط با سطح خدمت موردنظر که در این مدل شبیه

سازی سطح خدمت ۹۷,۵٪ در نظر گرفته شده است.

$\sigma$  = انحراف استاندارد تقاضا در هر دوره زمانی







شکل ۲. هزینه کل متغیرهای قابل کنترل

با توجه به الگوی S شکل تقاضا و سیاست ( $S, S$ ) اتخاذ شده برای موجودی، نقطه سفارش را برای هر دوره تعیین می‌کنیم. پارامترهای مدل Bass بوسیله مقدار فروش دوره‌های قبل محصولات مشابه در جدول ۲ نشان داده شده‌اند. پارامترهای  $\omega$  و  $\sigma$  در مدل با استفاده از الگوریتم حداقل سازی مجموع مربعات خطأ تعیین می‌شوند. لازم به ذکر است برای یک محصول جدید بدون هیچ اماری از فروش گذشته‌ان، مقدار تقاضا را می‌توان بر اساس محصولات مشابه که قدیمی‌تر هستند تخمین زد و برآورد کرد.

**جدول ۲. مقدار برآورد شده برای  $\omega, v, K$** 

ماه T	تقاضای تلویزیون $d_t$	تقاضای تجمعی $D(t)$	مقدار پیش بینی شده $F(t)$	مربع خطأ $d_t - f_t$
۰	۰	۰	۰	
۱	۶۹	۶۹	۶۳,۵۹	۲۹,۲۶
۲	۷۱	۱۴۰	۷۳,۶۵	۷,۰۴
۳	۸۲	۲۲۲	۸۲,۹۷	۰,۹۴
۴	۸۷	۳۰۹	۹۲,۴۱	۲۹,۳۱
۵	۹۶	۴۰۵	۱۰۰,۹	۲۳,۹۸
۶	۱۱۰	۵۱۵	۱۰۸,۴۲	۲,۵
۷	۱۱۶	۶۳۱	۱۱۴,۶۷	۱,۷۸
۸	۱۳۲	۷۶۳	۱۱۸,۵۱	۱۸۱,۹۵
۹	۱۱۵	۸۷۸	۱۱۹,۴۶	۱۹,۹
۱۰	۱۲۳	۱۰۰۱	۱۱۷,۳۲	۳۲,۳۱
۱۱	۱۰۴	۱۱۰۵	۱۱۱,۹۶	۶۳,۳۵
۱۲	۱۰۰	۱۲۰۵	۱۰۴,۹۶	۲۴,۵۹
۱۳	۹۷	۱۳۰۲	۹۶,۰۹	۰,۸۲
۱۴	۷۲	۱۳۹۴	۸۵,۴۹	۴۲,۳۳
۱۵	۷۴	۱۴۶۸	۷۳,۶۲	۰,۱۴
۱۶	۵۷	۱۵۲۵	۶۲,۷۹	۳۳,۴۹
۱۷	۴۹	۱۵۷۴	۵۳,۶۶	۲۱,۷۱
۱۸	۴۵	۱۶۱۹	۴۵,۲۷	۰,۰۷
۱۹	۴۲	۱۶۶۱	۳۷,۱۲	۲۲,۴۷
مجموع	۱۶۹۲		۱۶۹۲	۵۴۲,۷۳
برآورد		$\omega$	v	K
		۰,۰۳۵	۰,۱۸۸	۱۸۰۰,۳۲

## تصمیم‌گیری در خصوص تولید و تحويل

تولید کننده روش اندازه بسته<sup>۱</sup> را برای برنامه ریزی فعالیتهای تولید بکار می‌گیرد [۲۹]. به منظور تولید متناسب با مقدار تقاضا و کاهش کالاهای در جریان ساخت، تولید کننده باید تمام تلاش خود را در راستای کاهش اثر شلاقی بکار گیرد [۲۷] با بررسی بیشتر زنجیره تامین به روشنی درمی‌یابیم که خرده فروشان و نیز تولید کننده برای برنامه ریزی تولید خود نیاز به اشتراک گذاری اطلاعات بیشتری دارند. اگر اطلاعات به اشتراک گذاشته نشود تامین کنندگان تنها سفارشی که تولید کننده به او داده را می‌داند و نیز تولید کننده هم تنها اطلاعات سفارش را از خرده فروشان دریافت می‌کند. تولید کننده تولید خود را بر اساس پیش‌بینی برنامه ریزی می‌کند بر اساس اطلاعات به اشتراک گذاشته شده تولید کننده سیاست‌های تولید خود را بر اساس پیش‌بینی‌های ارائه شده برنامه ریزی کرده و تولیدش را بر اساس تقاضای اینده خرده فروشان تنظیم می‌کند. هرگاه تقاضایی بوجود می‌آید تولید کننده مقدار تولید خود را بر اساس آن تنظیم می‌کند که این همان ویژگی‌های سیستم تولید کششی می‌باشد. اگر موجودی در دسترس کافی نباشد خرده فروش به مقدار سفارش خود و سفارش عقب افتاده کالا دریافت خواهد کرد حمل و نقل کالاهای نیز در طول مدت زمان تحويل انجام می‌گیرند.

## اجرای مدل شبیه‌سازی و اندازه گیری عملکرد

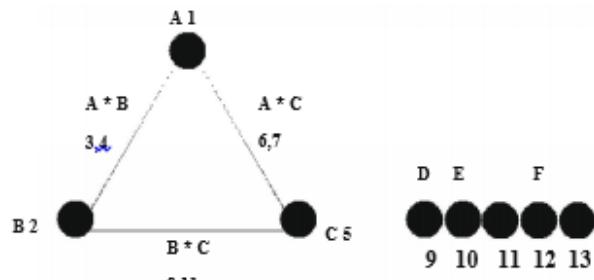
تلویزیون‌های تولید شده دارای دوره عمر کوتاهی هستند بنابراین ما رفتار سیستم را در تمام دوره عمر محصول بررسی می‌کنیم. این شبیه‌سازی در لحظه  $t=0$  شروع شده تا  $t=18$  ماه پایان می‌یابد. همچنین ۱۲۰۰ تکرار جهت رسیدن به یک براورد خوب انجام می‌گیرد. هدف ما در این تحقیق به حداقل رساندن هزینه‌ها با تعیین مقدار بهینه پارامترهای مؤثر بر عملکرد زنجیره تامین می‌باشد. هزینه کل زنجیره تامین شامل هزینه حمل و نقل، هزینه سفارش دهی، هزینه راه اندازی و هزینه سفارش عقب افتاده می‌باشد. رابطه میان فاکتورهای مؤثر و هزینه کل زنجیره در شکل ۲ نشان داده شده است.

---

1. Lot Sizing

### طراحی پارامتر - روش تاگوچی

بررسی طراحی پارامترها یک تکنیک کارامد برای بهینه سازی می‌باشد ولی مستلزم صرف زمان زیادی است. از طرف دیگر ممکن است ازمایشات به دلیل هزینه زیاد ناگهان متوقف شوند. اگر بخواهیم ۶ پارامتر طراحی را در ۳ سطح بررسی کنیم نیاز به انجام  $3^6$  ازمایش داریم که بسیار زمانبر و پرهزینه می‌باشد. رویکرد تاگوچی وسیله بسیار مناسب و مؤثری برای تعیین مقدار بهینه پارامترها با استفاده از ارایه متعامد و گراف‌های خطی می‌باشد. ما ( $3^6$ ) طراحی  $L_{27}$  را برای فاکتورهای قابل کنترل انتخاب کردیم. با استفاده از  $L_{27}$  ارایه ۱۳ پارامتر را می‌توان در ۳ سطح با انجام تنها ۲۷ ازمایش به جای  $3^6$  ازمایش انجام داد. گراف خطی مدل در شکل ۳ نشان داده شده است.



شکل ۳. گراف خطی برای  $L_{27}(3^{13})$  ارایه متعامد

در گراف خطی برای  $L_{27}(3^{13})$  هر دایره نشان دهنده یک ستون از ارایه‌ها می‌باشد. ستون ۱ و ۲ و ۵ نشان دهنده فاکتورهای A، B و C هستند. ستون ۳ یا ۴، ۶ یا ۷، ۸ یا ۱۱ می‌توانند تعاملات داخلی بین A و B، A و C و B و C را نشان می‌دهند. ستونهای ۹ و ۱۰ و ۱۲ بطور تصادفی برای فاکتورهای باقی مانده D، E و F اختصاص می‌یابند.

### نسبت S/N (سیگنال به نویز)

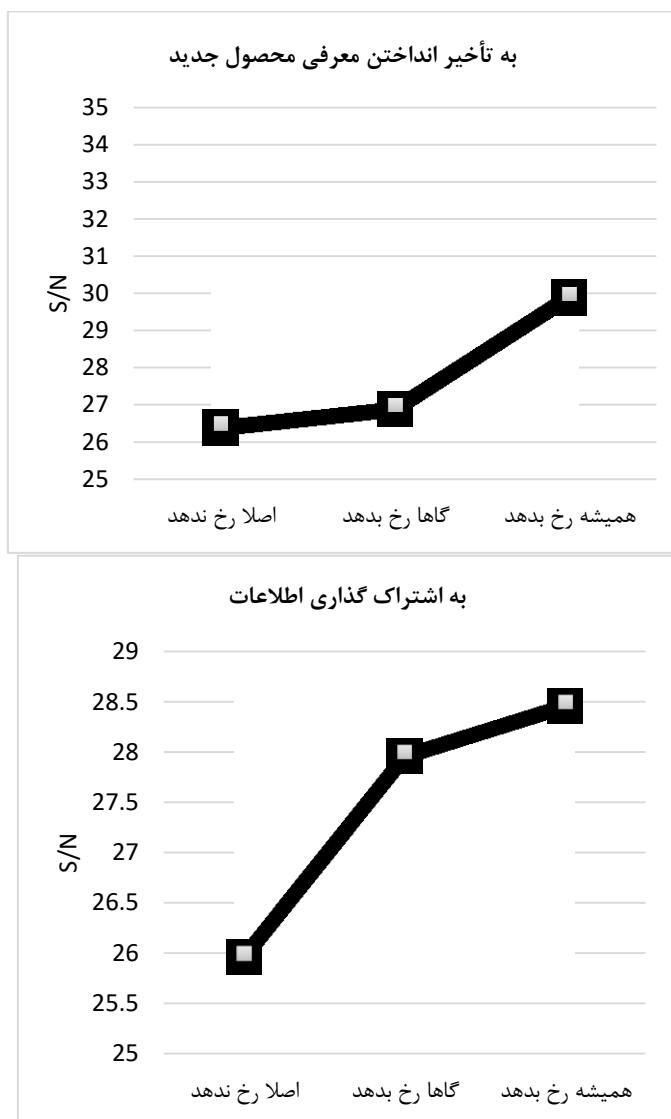
نسبت S/N قدرت نتایج بدست آمده از مدل تاگوچی را اندازه گیری می کند و میزان تغییر پذیری را اندازه گیری می کند و این نسبت نشان دهنده میزان تاثیر اجزای نامطلوب است [۱۸]. نسبت S/N برای هزینه های زنجیره تامین و همه توابع هر چه کمتر بهتر بصورت زیر تعریف می شود:

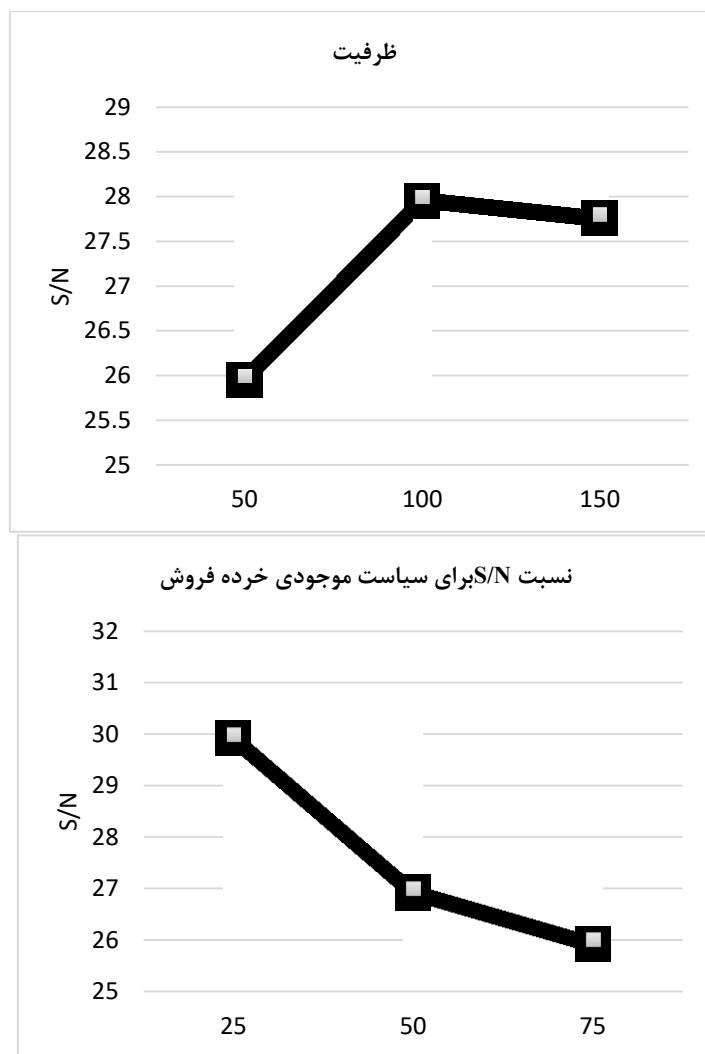
$$\frac{S}{N} = -10 \log 10 |S_0| \quad (1)$$

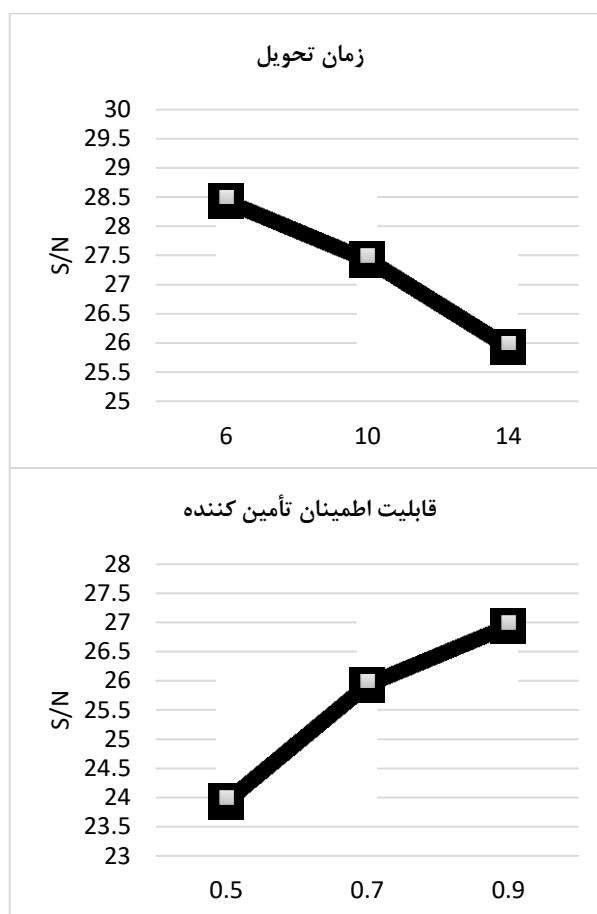
در صورتیکه :

$$S_0 = 1/n \sum_{i=1}^n y_i^2 \quad \begin{array}{l} \text{تعداد تکرار} \\ \text{امین عملکرد} \end{array} \quad (2)$$

نسبت S/N برای نتایج بدست آمده از روش تاگوچی در شکل ۴ آمده است.







شکل ۴. نمودارهای نسبت S/N از نتایج روش تاگوچی

در نتیجه مقدار بهینه هر فاکتور بصورت زیر بدست می‌اید:

فاکتور A (به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید) = بطور کامل

فاکتور B (به اشتراک گذاری اطلاعات) = بطور کامل

فاکتور C (ظرفیت تولید ماهیانه) = ۱۰۰

فاکتور D (مقدار سفارش مجدد) = ۲۵

فاکتور E (Lead Time) = ۶ روز

فاکتور F (قابلیت اطمینان تامین کنندگان) =٪۹۰

روش تاگوچی در مسائل بهینه سازی دارای یک محدودیت است و آن اینست که مقدار فاکتورها یک مقدار احتیاطی فرض می‌شود و نمی‌توان انها را زمانیکه پیوسته تغییر می‌کنند تعیین کرد. بنابراین ما تنها ۲ فاکتور کیفی: به تاخیر انداختن معرفی محصول جدید و به اشتراک گذاری اطلاعات را با رویکرد تاگوچی بهینه می‌کنیم و مقدار بهینه چهار فاکتور دیگر از طریق تجزیه و تحلیل رگرسیون مشخص می‌شود.

##### ۵- مدلسازی ریاضی شبکه زنجیره تامین با استفاده از تجزیه و تحلیل رگرسیون

همانطوریکه قبل اشاره شد یکی از اهداف ما طراحی شبکه ای است که بتواند در برابر اختلالات پایدار باشد برای رسیدن به این هدف مقدار اولیه فاکتورها را بوسیله روش تاگوچی تعیین می‌کنیم. بنابراین فرایند جستجوی مقادیر بهینه متغیرها را از نقاط زیر شروع می‌کنیم:

(x1) ظرفیت تولید = ۱۰۰

(x2) مقدار سفارش مجدد = ۲۵

(x3) زمان تحويل = ۶

(x4) قابلیت اطمینان تامین کننده =٪۹۰

از مایشات انجام شده در جدول ۳ لیست شده‌اند. لازم به ذکر است در جدول زیر منظور از a,

b, c, d مقادیر اولیه فاکتورهای مربوطه می‌باشد.

**جدول ۳. هزینه‌های کل زنجیره با درنظر گرفتن مقادیر مختلف فاکتورها**

ازماش	فاکتورها				هزینه کل زنجیره تامین
	X <sub>1</sub> 100 <sup>a</sup>	X <sub>2</sub> 25 <sup>b</sup>	X <sub>3</sub> 6 <sup>c</sup>	X <sub>4</sub> 90 <sup>d</sup>	
۱	۹۸,۳	۲۵,۸۵	۶,۴۳	۸۹,۴	۲۰۳
۲	۹۶,۶	۲۶,۷	۶,۸۶	۸۸,۸	۱۷۶
۳	۹۴,۹	۲۷,۵۵	۷,۲۹	۸۸,۲	۱۶۲
۴	۹۳,۲	۲۸,۴	۷,۷۲	۸۷,۶	۱۴۸
۵	۹۱,۵	۲۹,۲۵	۸,۱۵	۸۷	۱۴۳
۶	۸۹,۸	۳۰,۱	۸,۵۸	۸۶,۴	۱۳۸
۷	۸۸,۸	۳۰,۹۵	۹,۰۱	۸۵,۸	۱۲۷
۸	۸۶,۴	۳۱,۸	۹,۴۴	۸۵,۲	۱۲۵
۹	۸۴,۷	۳۲,۶۵	۹,۸۷	۸۴,۶	۱۲۹
۱۰	۸۳	۳۳,۵	۱۰,۳	۸۴	۱۳۰
۱۱	۸۱,۳	۳۴,۳۵	۱۰,۷۳	۸۳,۴	۱۳۴
۱۲	۷۹,۶	۳۵,۲	۱۱,۱۶	۸۲,۸	۱۳۶
۱۳	۷۷,۹	۳۶,۰۵	۱۱,۵۹	۸۲,۲	۱۴۳
۱۴	۷۶,۲	۳۶,۹	۱۲,۰۲	۸۱,۶	۱۵۰
۱۵	۷۴,۵	۳۷,۷۵	۱۲,۴۵	۸۱	۱۵۷
۱۶	۷۲,۸	۳۸,۶	۱۲,۸۸	۸۰,۴	۱۶۳
۱۷	۷۱,۱	۳۹,۴۵	۱۳,۳۱	۷۹,۸	۱۶۷
۱۸	۶۹,۴	۴۰,۳	۱۳,۷۴	۷۹,۲	۱۷۵
۱۹	۶۷,۱	۴۱,۱۵	۱۴,۱۷	۷۸,۶	۱۹۸
۲۰	۶۶	۴۲	۱۴,۶	۷۸	۲۰۵

برای ساده شدن کار متغیرهای مستقل در یک بازه زمانی (۱- و ۱) بصورت زیر تعریف

می‌شوند:

$$\chi_i = \frac{\text{actual value of } i^{\text{th}} \text{ factor} - \chi_i}{\gamma_i} \quad (3)$$

$$\chi_i = \frac{(Upper bound)_i + (Lower bound)_i}{2}$$

$$\gamma_i = \frac{(Upper bound)_i + (Lower bound)_i}{2}$$

حد بالا و حد پایین پارامترها بصورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\text{ظرفیت} = [65, 100]$$

$$\text{مقدار سفارش مجدد} = [25, 43]$$

$$\text{زمان تحویل} = [6, 15]$$

$$\text{قابلیت اطمینان} = [77, 99]$$

با استفاده از معادلات (۳) متغیرهای شبکه می‌توانند بصورت زیر تعریف شوند:

$$x_1 = \left( \frac{\text{capacity} - 82.5}{17.5} \right) \quad (4)$$

$$x_2 = \left( \frac{\text{Reorder quantity} - 34}{9} \right)$$

$$x_3 = \left( \frac{\text{Lead time} - 10.5}{4.5} \right)$$

$$x_4 = \left( \frac{\text{Supplier reliability} - 88}{11} \right)$$

مقدار متغیرها در جدول ۴ آمده است :

جدول ۴. مقادیر فاکتورها

ردیف	فاکتورها			
	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۱	۰,۹۰۳	۰,۹۰۶-	۰,۹۰۴-	۰,۱۲۷
۲	۰,۰۲۹	۰,۸۱۱-	۰,۸۰۹-	۰,۰۷۳
۳	۰,۰۵۶	۰,۷۱۷-	۰,۷۱۳-	۰,۰۱۸
۴	۰,۰۴۴	۰,۶۲۲-	۰,۶۱۸-	۰,۰۳۶-
۵	۰,۵۱۴	۰,۵۲۸-	۰,۵۲۲-	۰,۰۹۱-
۶	۰,۴۱۷	۰,۴۳۳-	۰,۴۲۷-	۰,۱۴۵-
۷	۰,۳۶۵	۰,۳۳۹-	۰,۳۳۱-	۰,۲-
۸	۰,۲۲۳	۰,۲۴۴-	۰,۲۳۶-	۰,۲۵۵-
۹	۰,۱۲۶	۰,۱۵-	۰,۱۴-	۰,۳۰۹-
۱۰	۰,۰۲۹	۰,۰۵۶-	۰,۰۴۴-	۰,۳۶۴-
۱۱	۰,۰۶۹-	۰,۰۳۹	۰,۰۵۱	۰,۴۱۸-
۱۲	۰,۱۶۶-	۰,۱۳۳	۰,۱۴۷	۰,۴۷۳-
۱۳	۰,۲۶۳-	۰,۲۲۸	۰,۲۴۲	۰,۵۲۷-
۱۴	۰,۳۶۹-	۰,۳۲۲	۰,۳۳۸	۰,۵۸۲-
۱۵	۰,۴۵۷-	۰,۴۱۷	۰,۴۳۳	۰,۶۳۶-
۱۶	۰,۵۵۴-	۰,۵۱۱	۰,۵۲۹	۰,۶۹۱-
۱۷	۰,۶۵۱-	۰,۶۰۶	۰,۶۲۴	۰,۷۴۵-
۱۸	۰,۷۴۹-	۰,۷۴۶	۰,۷۲۶	۰,۸۴۷-
۱۹	۰,۸۸۵-	۰,۷۹۴	۰,۸۱۶	۰,۸۵۵-
۲۰	۰,۹۴۳-	۰,۸۸۹	۰,۹۱۱	۰,۹۰۹-

تجزیه و تحلیل رگرسیون رابطه عملکردی بین متغیرهای مستقل و نتیجه انها را مشخص می‌کند. معادله رگرسیون بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$\hat{y} = \beta_0 + \sum_{i=1}^k \beta_i x_i + \sum_{i=1}^k \beta_i x_i^2 + \sum_{i < j} \beta_{ij} x_i x_j \quad (5)$$

با توجه به معادله بالا تابع هدف بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$Y = 121.67 + 1.342x_1 - 1.223x_2 + 4.509x_3 + \\ 1.295x_4 + 0.5583x_1^2 + 3.219x_2^2 + 1.222x_3^2 + \\ 2.719x_4^2 + 0.428x_1x_2 + 2.315x_1x_3 + 0.0261x_1x_4 + \\ 3.183x_2x_3 + 7.271x_2x_4 - 1.172x_3x_4 \quad (6)$$

با حل این معادله بوسیله ابزارهای بهینه سازی مناسب مقدار فاکتورها پیش‌بینی می‌شوند.

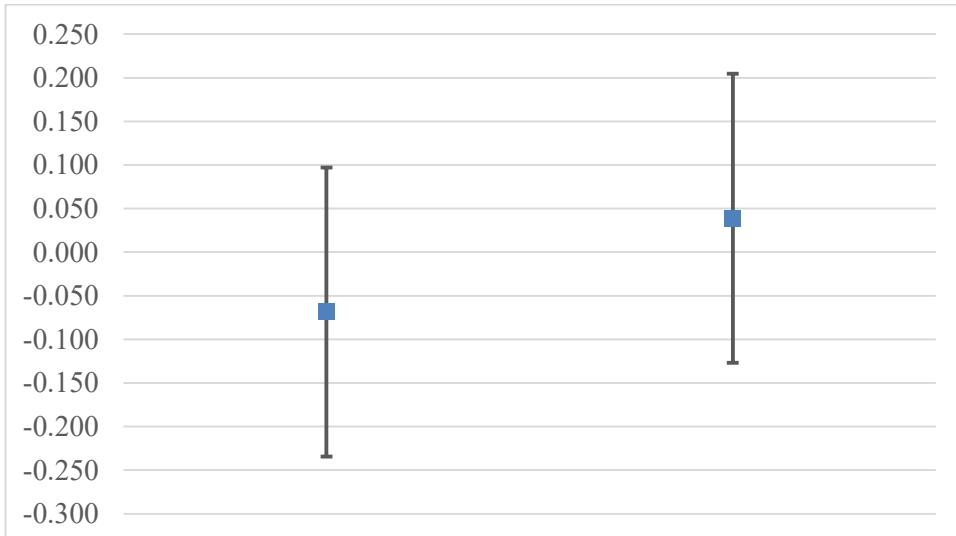
### اعتبارسنجی مدل رگرسیون

معمولًا برای بررسی اعتبار متامدل رگرسیون با مدل شبیه سازی، خروجی‌های این دو مدل را با هم مقایسه می‌کنند [۳۰]. به منظور اعتبارسنجی مدل رگرسیون ۱۰ بار مدل شبیه سازی با پارامترهای مختلف تصادفی در بازه تعریف شده اجرا می‌شود. داده‌های ازمایشات شبیه سازی و نتایج آن در جدول ۵ و شکل ۵ آمده است.

۴ ستون اول مقادیر فاکتورهای شبیه سازی را نشان می‌دهد ستون پنجم هزینه زنجیره تامین که بوسیله شبیه سازی بدست آمده است ستون ششم هزینه زنجیره تامین که با مدل رگرسیون بدست آمده و ستون هفتم درصد انحراف نتایج مدل رگرسیون و مدل شبیه سازی می‌باشد. متوسط خطای پیش‌بینی برابر  $2/504$  می‌باشد. بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که مدل رگرسیون می‌تواند هزینه‌ها را با توجه به چهار فاکتور مقدار بهینه ظرفیت، مقدار سفارش مجدد، زمان تحویل و قابلیت اطمینان تامین کننده به خوبی پیش‌بینی کند.

جدول ۵. اعتبارسنجی مدل رگرسیون زنجیره تامین

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	هزینه	هزینه زنجیره	درصد
				زنجیره تامین شبیه سازی شده	تامین با روش رگرسیون	انحراف
۰,۰۰۸۵۱۵	۰,۸۸۵۴۹-	۰,۸۰۴۳۷۶	۰,۹۶۱۵۵-	۱۴۲	۱۳۵,۸۱۷۳	۴,۳۵
۰,۴۴۳۷۷	۰,۸۴۹۳۶۱	۰,۰۶۴۲۴-	۰,۲۶۵۹۰۸	۱۲۲	۱۲۵,۴۹۷۸	۲,۸۶
۰,۰۱۰۰۴۱	۰,۹۳۴۶۳-	۰,۵۶۲۰۵۹	۰,۵۰۴۹۹	۱۲۹	۱۲۴,۴۷۸۹	۳,۵۱
۰,۸۸۴۸۲-	۰,۲۴۴۷۳-	۰,۰۵۸۲۶	۰,۵۷۲۶۱۹	۱۲۲	۱۲۲,۱۶۸۴	۰,۱۴
۰,۹۰۳۹۲۸	۰,۹۱۸۷-	۰,۳۰۳۶۲۹	۰,۷۳۳۶۳-	۱۳۶	۱۳۳,۷۱۱۲	۱,۶۸
۰,۸۵۰۷۰۳	۰,۸۳۲۱۵-	۰,۶۵۳۹۸۱	۰,۷۸۶۳۷-	۱۴۴	۱۳۵,۱۹۲۹	۴,۰۵
۰,۵۹۳۹۸-	۰,۴۷۶۷۳	۰,۷۰۸۶۷	۰,۳۸۷۱۸۸	۱۲۳	۱۲۶,۹۳۰۷	۳,۱۹
۰,۰۴۵۴۴۲	۰,۶۱۹۳۷۳	۰,۷۹۷۶۰۱	۰,۴۷۲۳۳۵	۱۳۲	۱۳۱,۱۵۶۲	۰,۶۴
۰,۱۵۶۷۱-	۰,۸۲۴۳۹۶	۰,۵۴۷۲۸۸	۰,۶۴۸۶۷۱	۱۳	۱۳۲,۱۲۲۵	۱,۶۳
۰,۱۳۶۳۸۷	۰,۵۵۸۰۹-	۰,۹۹۶۸۸۷	۰,۰۱۴۳۷۴	۱۲۴	۱۲۷,۷۱۳۳	۲,۹۹



شکل ۵. مقایسه نتایج بدست آمده از طریق شبیه سازی و رگرسیون

## بهینه سازی با استفاده از الگوریتم جستجوی هارمونی

الگوریتم جستجوی هارمونی یک الگوریتم تکاملی مبتنی بر عملکرد سازهای موسیقی است که اولین بار توسط جیم و همکاران [۱۸] معرفی شد. این الگوریتم با مفهومی ساده و تعداد پارامترهای کم و اسان بر مبنای علم امار و ریاضیات است [۱۸]. این الگوریتم از الات موسیقی الهام گرفته و از بداهه‌سرایی سرایندگان تقلید می‌نماید. تابع هدف این الگوریتم تخمین و اندازه گیری هارمونی و اثری است که ان موسیقی در فرد می‌گذارد تا حالت مناسبی از هارمونی در شخص ایجاد شود. لازم به ذکر است که این الگوریتم فرایند بداهه‌سرایی کیفی را به فرایند بهینه‌سازی کمی تبدیل می‌کند. هنگامی که یک سراینده یکالت موسیقی را می‌نوازد با سه حالت روبرو است: ۱) نواختن براساس حافظه‌اش؛ ۲) نواختن براساس تنظیم کوک و ۳) نواختن تصادفی. این سه حالت در واقع سه عملگر کیفی مد نظر این الگوریتم می‌باشد که به ترتیب عملگر حافظه هارمونی (HM)، تنظیم کوک و نواختن تصادفی است. در حقیقت، فرایند بداهه‌سرایی این الگوریتم ترکیب این سه عملگر می‌باشد. . شبه کد الگوریتم این الگوریتم و نحوه کار آن در شکل ۶ اورده شده است.

پارامترهای مساله را تنظیم کنید.

مجموعه هارمونی یا حافظه هارمونی را تنظیم کنید.

تا رسیدن به شماره تکرار N-Iteration قدمهای زیر را انجام دهید (for i=1: n iteration

Pr=population

حلقه داخلی: تا رسیدن به شماره تکرارهای Pop.size

قدمهای زیر را انجام دهید (for j=1: Pop.size)

[0,1] Rand عددی تصادفی تولید کنید

اگر Rand < HMCR

هارمونی تصادفی انتخاب کنید : H

[0,1] Rand عددی تصادفی تولید کنید

حال اگر Rand <  $P_{pa}$

هارمونی H را کوک نماید:

و گرنه هارمونی بدون تغییر بماند.

پایان شرط

و گرنه

هارمونی جدیدی را بداهه نوازی نماید :

پایان شرط

مجموعه جواب هارمونی یا حافظه هارمونی را بروز کن

پایان حلقه داخلی

$Q_t = \text{new population}$

$R_t = P_t \cup Q_t$

جمعیت نسل بعد  $P_{t+1}$  را تشکیل دهید.

پایان حلقه بیرونی

شکل ۶. شبه کد الگوریتم HS

## بردار هارمونی و فرایند رمز گشایی

تولید بردار هارمونی اولین گام در الگوریتم است. این بردار نشان دهنده یک جواب برای مسئله مورد نظر می‌باشد. با توجه به اینکه متغیرهای تصمیم به شکل کد شده و در بازه (۱، -۱) هستند به منظور تولید جواب‌های تصادفی به شکل موجه، تمامی اعداد تصادفی در بازه مورد نظر تولید می‌شوند. شکل ۷ یک بردار هارمونی تصادفی را نشان می‌دهد که در ان سطوح چهار عامل طور تصادفی انتخاب شده‌اند.

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۴۶	۰,۹۶۸۵۵	-۰,۵۲۴۷۱	۰,۱۵۲۳۶

شکل ۷. یک نمونه از بردار هارمونی

## فرایند بدآهه سرایی

به منظور اجرای فرایند بدآهه سرایی در تکرارهای مختلف الگوریتم، یک عدد تصادفی تولید شده و سپس یک یا دو عملگر این الگوریتم جهت اجرای فرایند بدآهه سرایی مورد استفاده قرار می‌گیرند. تشریح عملگرهای این الگوریتم در سه بخش زیر تشریح شده و روابط ۷، ۸ و ۹ احتمال استفاده شدن هر یک از عملگرها را نشان می‌دهد.

## نرخ مراجعه به HM

استفاده از این عملگر در الگوریتم جستجوی هارمونی مشابه بحث نخبه گرایی در الگوریتم ژنتیک است. در واقع این عملگر تضمین می‌کند که بهترین هارمونی‌ها در طی فرایند بهینه-سازی از حافظه پاک نخواهند شد. این عملگر با نرخی به نام نرخ ملاحظه حافظه هارمونی ۱ کنترل می‌شود. مقادیر کوچک این نرخ باعث کندی همگرایی الگوریتم خواهد شد. علت نیز وجود تعداد کمی هارمونی در فرایند بدآهه سرایی است. از طرفی دیگر، مقادیر بالای این نرخ باعث می‌شود که تنها هارمونی‌های HM انتخاب شده و مورد استفاده قرار گیرند و لذا

الگوریتم در بهینه‌های محلی مستقر خواهد شد. بدین منظور چیم و همکاران [۱۸] پیشنهاد دادند که مقدار این نرخ در بازه  $[0.75-0.95]$  تنظیم شود.

### عملگر تنظیم کوک

در دنیای موسیقی، تنظیم کوک به معنای تغییر ساختار فرکانس‌ها می‌باشد که معادل تولید جواب‌های همسایه در فرایند بهینه سازی است. در واقع فضایی از جواب که توسط عملگرهای دیگر یافت نمی‌شود، کشف و مورد جستجو قرار می‌گیرد. این عملگر از نرخی به نام نرخ تنظیم کوک ( $r_{pa}$ ) بهره جسته تا تنظیمات را کنترل نماید. کار کرد این عملگر، مشابه عملگر جهش در الگوریتم ژنتیک است. بنابراین مقادیر بالای عملگر تنظیم کوک، تنش گرایی را افزایش خواهد داد. افزایش این نرخ باعث این می‌شود که الگوریتم مانند یک روش جستجوی تصادفی عمل نماید. بدین منظور چیم و همکاران پیشنهاد دادند که نرخ  $r_{pa}$  در بازه  $[0.1-0.5]$  تنظیم شود. همان طور که در بالا اشاره شد احتمال بهره جستن از این عملگر در رابطه ۸ نشان داده شده است. به منظور تنظیم کوک در این قسمت، از اپراتور جابجایی دوتایی استفاده می‌شود. در این عملگر، همان طور که در شکل ۸ نشان داده شده است دو سلول به تصادف انتخاب شده و مقادیر انها با هم جابجا می‌شوند.

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۴۶	۰,۹۶۸۵۵	-۰,۵۲۴۷۱	۰,۱۵۲۳۶

$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۴۶	-۰,۵۲۴۷۱	۰,۹۶۸۵۵	۰,۱۵۲۳۶

شکل ۸. عملگر تنظیم کوک

## عملگر تولید جواب‌های تصادفی

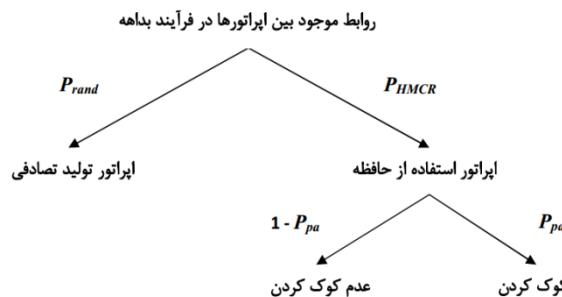
همانطور که از اسم این عملگر مشخص است، جواب‌هایی را به صورت تصادفی تولید کرده و وارد جمعیت می‌کند. این عملگر در چارچوب الگوریتم جستجوی هارمونی عملگر تصادفی سرایی نامیده می‌شود. احتمال تصادفی سرایی نیز از رابطه ۸ قابل محاسبه است.

$$P_{HMCR} = HMCR \quad (7)$$

$$P_{pa} = HMCR * r_{pa} \quad (8)$$

$$P_{rand} = 1 - HMCR \quad (9)$$

در انتها رابطه بین مقادیر احتمالی مختلف در این الگوریتم و در واقع مدل سازی تمامی حالاتی که در تکرارهای مختلف الگوریتم رخ می‌دهد، در شکل ۹ به وضوح قابل مشاهده است.



شکل ۹. روابط احتمالاتی موجود بین اپراتورها در الگوریتم جستجوی هارمونی

## الگوریتم ژنتیک (GA)

الگوریتم ژنتیک روشی جهت بهینه‌سازی است که با الهام از اصل بقای شایسته‌ترین در موجودات زنده عمل می‌کند. در هر چرخه تکاملی دو راه حل کاندید به عنوان والدین انتخاب می‌شوند که برای تولید راه حل فرزندی با هم ادغام می‌گردند. انگاه فرزند با احتمال خاصی جهش می‌یابد و یک جواب جدید به وجود می‌ورد. درنهایت فرزندان و والدین با هم

ترکیب شده و یک جمعیت جدید را برای چرخه تکامل بعدی تشکیل می‌دهند. این فرایند انقدر تکرار می‌شود تا شرط خاتمه براورده شود. عملگرهای ژنتیکی مورد استفاده در ادامه به طور خلاصه توضیح داده می‌شوند.

### ساختار کروموزوم

یکی از اولین و اصلی ترین قدمها در برنامه نویسی الگوریتم ژنتیک انتخاب شیوه مناسب کدگذاری متغیرهای تصمیم مسئله است که به ان طراحی کروموزوم می‌گویند هر کروموزوم نشان دهنده یک راه حل یا جواب می‌باشد. در این تحقیق نحوه تولید کروموزوم مانند نحوه تولید تولید بردار هارمونی در الگوریتم جستجوی هارمونی می‌باشد.

### عملگر تقاطع

عملکرد اصلی جهت تولید کروموزوم‌های جدید در الگوریتم ژنتیک، عملگر تقاطع می‌باشد. یکی از نقاط قابل توجه، استفاده از یک عملگر مناسب است که جواب را از حالت موجه خارج نکند. عملگر تقاطع مورد استفاده در این تحقیق به این صورت است که کروموزوم‌های والد با عملگر جمع به هم ترکیب شده و یک کروموزوم جدید را می‌سازند. سپس تمامی اعضای این کروموزوم جدید تقسیم بر عدد ۲ شده و کروموزوم فرزند را ایجاد می‌کنند (شکل ۱۰).

والد اول			
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۵	۰,۹۶۸۶	-۰,۵۲۴۷	۰,۱۵۲۴

والد دوم			
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۱۵۶۱	۱,۰۸۷۳	-۰,۴۵۴۶	۰,۳۱۷۵

فرزند			
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۱۱۰۸	۱,۰۲۷۹	-۰,۴۸۹۷	۰,۲۳۴۹

شکل ۱۰. عملگر تقاطع یکنواخت

### عملگر جهش

مهمنترین وظیفه عملگر جهش اجتناب از همگرایی و بهینه محلی و جستجو در فضاهای دست نخورده مساله است. جهش یک کروموزوم به معنای تغییر ژن‌های آن است و وابسته به نوع کدگذاری، روش‌های مختلفی دارد. برای اعمال جهش بر روی کروموزوم‌ها، یکی از ژن‌ها انتخاب شده و با مقدار دیگری که به صورت تصادفی و موجه تولید شده، جایگزین می‌گردد.

(شکل ۱۱).

والد			
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۵	۰,۹۶۸۶	-۰,۵۲۴۷	۰,۱۵۲۴

فرزند جهش یافته			
$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$
۰,۰۶۵۵	۰,۳۲۵۶	-۰,۵۲۴۷	۰,۱۵۲۴

شکل ۱۱. چگونگی عملگر جهش

## الگوریتم اجتماع ذرات (PSO)

این الگوریتم که از نوع الگوریتم‌های تکاملی می‌باشد و بر گرفته شده از رفتار ذرات هجومی همچون دسته پرنده‌گان می‌باشد به این گونه که در حرکت یک دسته از پرنده‌گان یک پرنده (سرگروه) دارای بهترین موقعیت می‌باشد و بقیه پرنده‌گان با توجه به موقعیت خود و پرنده‌گان مجاور سعی در بهتر کردن مکان و نزدیک شدن به سرگروه را دارند. در این حین چنانچه یکی از اعضاء توانست موقعیت بهتری نسبت به سرگروه پیدا کند او به عنوان سرگروه انتخاب می‌شود. عملکرد یک الگوریتم PSO نیز به این گونه است، به این صورت که دسته‌ای از ذرات (به عنوان متغیرهای مسئله بهینه‌سازی) در محیط جستجو پخش می‌شوند. واضح است که بعضی از ذرات، موقعیت بهتری نسبت به ذرات دیگر خواهند داشت. در نتیجه بر طبق رفتار ذرات هجومی بقیه ذرات سعی می‌کنند موقعیت خود را به موقعیت ذرات برتر برسانند؛ در عین حال که موقعیت ذرات برتر نیز در حال تغییر می‌باشد. شایان ذکر است که تغییر موقعیت هر ذره بر اساس تجربه خود ذره در حرکات قبلی و تجربه ذرات همسایه صورت می‌گیرد. در واقع هر ذره از برتری یا عدم برتری خود نسبت به ذرات همسایه و همچنین نسبت به کل گروه اگاه است.

### نحوه نمایش ذره

ساختار نمایش جواب در بهینه سازی اجتماع ذرات، مشابه نحوه نمایش الگوریتم جستجوی هارمونی پیشنهادی در زیربخش ۱-۵ می‌باشد.

### چگونگی رفتار ذره‌ها

در خلال فرایند تکرار، رفتار یک ذره یک سازش در میان سه گزینه ممکن است:

- پیروی از الگوی فعلی جستجوی خود با نرخ  $W_0$
- بازگشت به سوی بهترین موقعت قبلی خود با نرخ  $c_1$
- رفتن به سمت بهترین مقدار همه ذرات با نرخ  $c_2$

بر این اساس در هر گام، هر ذره با استفاده از دو بهترین مقدار به روز می‌شود. اولین مورد، بهترین موقعیتی است که تا کنون ذره موفق به رسیدن به آن شده است. موقعیت مذکور با نام بهترین جواب موضعی<sup>۱</sup> شناخته و نگهداری می‌شود. بهترین مقدار دیگری که مورد استفاده قرار می‌گیرد، بهترین موقعیتی است، که تا کنون توسط جمعیت ذرات بدست آمده است. این موقعیت با نام بهترین جواب کلی<sup>۲</sup> نمایش داده می‌شود. پس از یافتن بهترین مقادیر، سرعت و مکان هر ذره با استفاده از معادلات زیر به روز می‌شود.

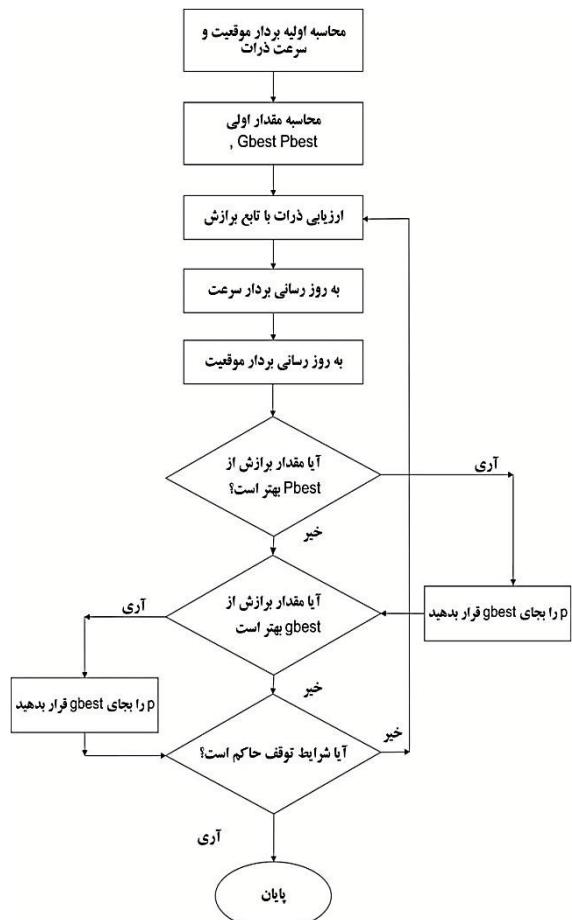
$$\vec{V}_{k+1} = \vec{W}_0 V_k + c_1 r_1 (p_1 - \vec{x}_k) + c_2 r_2 (p_2 - \vec{x}_k) \quad (10)$$

$$\vec{x}_{k+1} = \vec{x}_k + V_{k+1} \quad (11)$$

که در ان  $\vec{v}$  جهت کنونی عنصر،  $W_0$  ضریب اینرسی،  $c_1$  و  $c_2$  به ترتیب ضریب بهترین تجربه شخصی و گروهی،  $p_1$  و  $p_2$  به ترتیب بهترین جواب موضعی و بهترین جواب کلی می‌باشند. ر اساس تحقیقات انجام شده مقداری بین ۰,۰ و ۰,۷ برای  $W_0$  مناسب است. تحقیقات اخیر نشان می‌دهد که انتخاب مقدار بزرگتر برای پارامتر  $c_1$  نسبت به پارامتر  $c_2$  مناسب تر است، اما باایستی همواره شرط  $4 \leq c_1 + c_2$  رعایت شود. برای تصادفی سازی نیز از ضرایب  $r_1$  و  $r_2$  که مقادیری بین صفر و یک هستند به ترتیب برای بهترین جواب موضعی و بهترین جواب کلی استفاده می‌شود. اندیس‌های  $k$  نشان دهنده تکرار الگوریتم و  $\vec{x}_k$  نیز مکان عنصرها را در تکرار  $k$  را نشان می‌دهد.

---

1. Persoanl Best  
2. Global Best



شکل ۱۲. فلوچارت الگوریتم PSO

### نتایج محاسباتی

به منظور مقایسه کارائی الگوریتم جستجوی هارمونی، ما مثالهای عددی تصادفی تولید شده را که بر روی یک کامپیوتر شخصی اجرا کرده و با نتایج بدست آمده از الگوریتم‌های فرآیند ابتکاری ژنتیک (GA) و الگوریتم بهینه سازی اجتماع ذرات (PSO) مقایسه می‌کنیم. این مثالهای عددی به طور تصادفی تولید شده و برای یک زنجیره تامین سه سطحی متشکل از ۴ خرده فروش و ۱ تولیدکننده و ۳ تامین کننده می‌باشند. برای انتخاب نحوه تولید نمونه مسائل تصادفی چارچوب پیشنهادی که در مقاله شاکلا و همکاران [۱۸] به ان اشاره شد، به کار

گرفته شده است. پارامترهای مرتبط با تمامی الگوریتم‌ها از طریق رو تاگوچی تنظیم شده است که مقادیر بهینه آن‌ها در جدول ۶ ذکر شده است. همچنین تمامی محاسبات توسط یک PC با چهار گیگابایت RAM و پردازش گر (Core i5, 2 duo 2.2 GHz) انجام شده است.

جدول ۶. سطوح بهینه عوامل قابل کنترل الگوریتم‌ها

روش حل	پارامترها	تشریح پارامترها	سطح بهینه
HS	$nPop$	تعداد حافظه هارمونی اولیه	۸۰
	$Phmcr$	نرخ مراجعه به حافظه هارمونی	۰,۸۵
	$Ppa$	نرخ عملگر تنظیم کوک	۰,۳
	$Outloop$	تعداد تکرار الگوریتم	۲۵۰
	$In. loop$	تعداد تکرار داخلی الگوریتم	۱۰۰
GA	$Popsize$	جمعیت اولیه	۱۵۰
	$P_c$	نرخ تقاطع	۰,۸
	$P_m$	نرخ جهش	۰,۱۵
	$Iteration$	تعداد تکرار	۵۰۰
PSO	$N$	جمعیت اولیه	۹۰
	$C_1$	ضریب بهترین تجربه شخصی	۱
	$C_2$	ضریب بهترین تجربه گروهی	۱,۵
	$Iteration$	تعداد تکرار	۳۰۰
	$W_0$	ضریب اینرسی	۰,۴

نتایج نشان می دهد که در اکثر مسائل الگوریتم پیشنهادی به جواب های بهتری دست پیدا کرده است (شکل ۱۳). همچین دو الگوریتم GA و PSO عملکرد مشابهی دارند. برای مقایسه اماری نتایج بدست آمده از سایر الگوریتم های اناлиз واریانس میانگین درصد انحراف نسبی الگوریتم ها استفاده می شود. در ابتدا بررسی می شود که ایا میانگین های درصد انحراف نسبی الگوریتم ها با هم متفاوت است یا خیر (فرض صفر و یک)

$$H_0 : \mu_1 = \mu_2 = \mu_3$$

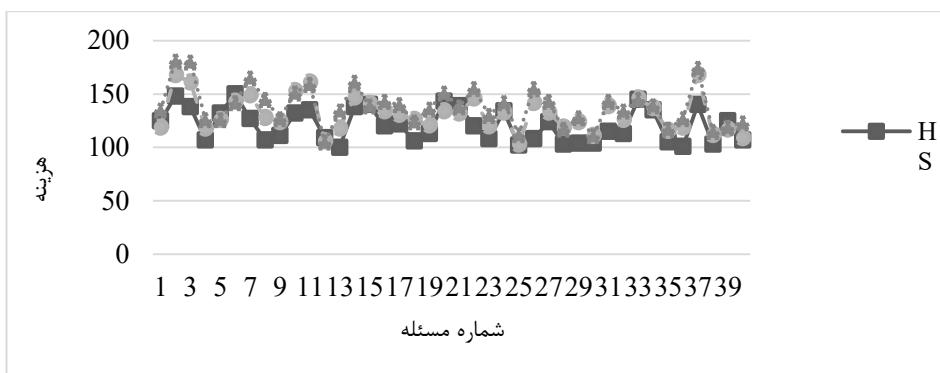
$$H_1 : \mu_i \neq \mu_j \quad i,j = 1,2,3 \text{ and } i \neq j$$

که  $\mu_1$  میانگین درصد انحراف نسبی الگوریتم HS است. نتایج بدست آمده از اناлиз واریانس در جدول ۷ آمده است.

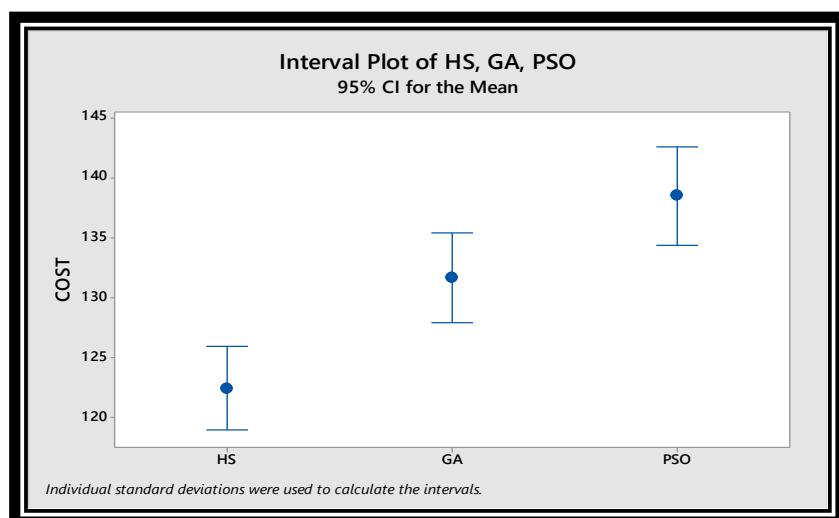
جدول ۷. آناлиз واریانس الگوریتم ها

Source	DF	SS	MS	F	P-value
Algorithm	۴	۲,۲۷۷۷	۰,۵۶۹۴	۷,۴۷	•
Error	۲۳۵	۱۷,۹۲۱۳	۰,۰۷۶۳		
Total	۲۳۹	۲۰,۱۹۹			

بر طبق اماره F و P-value به این نتیجه می رسیم که حداقل یک الگوریتم با سایرین متفاوت است که این، استفاده از فواصل اطمینان را ضروری می سازد. نتایج بدست آمده از فواصل اطمینان را نشان دهد. نتایج نشان می دهد که الگوریتم HS با فاصله اطمینان ۹۵٪ توکی بهتر از سایر الگوریتم ها عمل می کند. الگوریتم GA در مقایسه با الگوریتم PSO عملکرد بهتری دارد اما از نظر اماری این دو الگوریتم تفاوت معناداری با هم ندارند (شکل ۱۴).



شکل ۱۳. نمودار گرافیکی نتایج بدست آمده از الگوریتم‌ها



شکل ۱۴. فواصل اطمینان ۹۵ درصدی برای مقایسه الگوریتم‌ها

### نتیجه گیری

در این مقاله یک رویکرد نوین را برای بررسی مسئله زنجیره تامین پیشنهاد دادیم. رویکرد پیشنهادی توانست تا با بهره گیری از شبیه سازی مهم ترین فاکتورهای موثر بر زنجیره تامین را در نظر بگیرد شرایط احتمالی سیستم را در برآورد هزینه‌های زنجیره لحاظ کند. نتایج حاصل از شبیه سازی به کار گرفته شد تا یک رابطه اماری بین متغیرهای تصمیم و متغیر پاسخ (هزینه) تخمین زده شود. از مایش‌های اماری نشان داد که این رابطه از توانایی خوبی برای پیش‌بینی

مقادیر تابع هدف برحوردار است. به منظور بهینه سازی الگوریتم یک الگوریتم فرآبتكاری جدید پیشنهاد داده شد و کارایی آن در برابر الگوریتم‌های GA و PSO مقایسه شد. نتایج این مقایسه نشان می‌دهد الگوریتم جستجوی هارمونی پیشنهادی می‌تواند با جواب‌های با کیفیت بهتری دست پیدا کند. یکی از کاربردی‌ترین پیشنهادات جهت انجام پژوهش‌ها را می‌توان حل سایر مسائل بهینه سازی از طریق روش پیشنهادی باشد. همچنین می‌توان کاربردی بودن رویکرد پیشنهادی را از طریق بهینه سازی یک زنجیره تامین واقعی مورد بررسی قرار داد. از طرف دیگر می‌توان مدل‌های رگرسیونی توسعه داده شده را با استفاده از سایر الگوریتم‌های فرآبتكاری حل کرد و کارایی انها را با هم مقایسه کرد.

## مراجع

- Chopra, S., & Meindl, P. (2001). *Supply chain management: Strategy, planning and operation*. Englewood Cliffs: Prentice-Hall.
- Sahin, F., & Robinson, E. (2002). Flow coordination and information sharing in supply chains: Review, implications and directions for future research. *Decision Sciences*, 33, 505–536.
- Gavirneni, S., Kapuscinski, R., & Tayur, S. (1999). Value of information in capacitated supply chains. *Management Science*, 45(1).
- Strader, T. J., Lin, F. R., & Shaw, M. (1999). The impact of information sharing on order fulfillment in divergent differentiation supply chains. *Journal of Global Information Management*, Harrisburg, 7(1).
- Hewitt, F. (1999). Information technology mediated business process management—Lessons from the supply chain. *International Journal of Technology Management*, Geneva, 17(1–2).
- Shunk, D. L., Kim, J. I., & Nam, H. Y. (2003). The application of an integrated enterprise modeling methodology—FIDO—to supply chain integration modeling. *Computers and Industrial Engineering*, 45(1), 167–193.
- Spekman, R. E. (1988). Strategic supplier selection: Understanding long-term buyer relationships. *Business Horizons* (July–August), 80–81.
- Tompkins, J. A. (1998). Time to rise above supply chain management. *Transportation and Distribution*, 39(10).
- Kwak, T. C., Kim, J. S., & Chiung, M. (2006). Supplier-buyer models for the bargaining process over a long-term replenishment contract. *Computers and Industrial Engineering*, 51(2), 219–228.
- [10] Zhang, D. Z., Anosike, A. I., Ming, K. L., & Akanle, O. M. (2006). An agent-based approach for remanufacturing and supply chain integration. *Computers and Industrial Engineering*, 51(2), 343–360.

- [11] Altiparmak, F., Gen, M., Lin, L., & Paksoy, T. (2006). A genetic algorithm approach for multi-objective optimization of supply chain networks. *Computers and Industrial Engineering*, 51(1), 196–215.
- [12] Cohen, M. A., & Lee, H. L. (1988). Strategic analysis of integrated production distribution system: Models and methods. *Operations Research*, 36(2), 216–228.
- [13] Arntzen, B. C., Brown, G. G., Harrison, T. P., & Trafton, L. L. (1995). Global supply chain management at digital equipment corporation. *Interface*, 25(1), 69–93.
- [14] Hariharan, R., & Zipkin, P. (1995). Customer-order information, lead times, and inventories. *Management Science*, 41(1), 1599–1607.
- Zheng, Y., & Zipkin, P. (1990). A queuing model to analyze the value of centralized inventory information. *Operations Research*, 38(2), 296–300.
- [16] Vanhoutum, G., Inderfurth, K., & Zijm, W. (1996). Material coordination in stochastic multi-echelon systems. *European Journal of Operational Research*, 95, 1–23.
- [17] Montgomery, D. C. (2001). *Design and analysis of experiments*. New York: Wiley.
- [18] Sanjay Kumar Shukla, M. K. Tiwari, Hung-Da Wan, Ravi Shankar: (2010), Optimization of the supply chain network: Simulation, Taguchi, and Psychoclonal algorithm embedded approach. *Computers & Industrial Engineering*, 58(1): 29-39.
- [19] Z.W. Geem, J-H. Kim, G.V. Loganathan, A new heuristic optimization algorithm: harmony search, *Simulation*, 76 (2001) 60–68.
- [20] Bhaskaran, S. (1998). Simulation analysis of manufacturing supply chain. *Decision Sciences*, 29(3), 633–657.