

Mathematical Model and Meta-Heuristic Algorithm for Dual Resource Constrained Hybrid Flow-Shop Scheduling Problem with Job Rejection

Mohamadreza Dabiri

Ph.D. Candidate in Industrial Engineering, Department of Industrial Engineering, Faculty of Industrial and Mechanical Engineering, Qazvin Branch, Islamic Azad University, Qazvin, Iran

Mehdi Yazdani *

Assistant Professor, Department of Industrial Engineering, Faculty of Industrial and Mechanical Engineering, Qazvin Branch, Islamic Azad University, Qazvin, Iran

Bahman Naderi

Associate Professor, Department of Industrial Engineering, Faculty of Engineering, University of Kharazmi, Tehran, Iran

Hassan Haleh

Assistant Professor, Department of Industrial Engineering, Golpayegan University of Technology, Golpayegan, Isfahan, Iran

Abstract





In the real world, firms with hybrid flow-shop manufacturing environment generally face the human resource constraint, salary cost increasment and efforts to make better use of labor, in addition to machine constraint. Given the limitations of these resources, product delivery requirements to customers have made the job rejection essential in order to meet distinct customer requirements. Therefore, this research has studied the dual resource constrained hybrid flow-shop scheduling problem with job rejection in order to minimize the total net cost (the sum of the total rejection cost and the total tardiness cost of jobs) which is widely used in many industries. In this article, a mixed integer linear programming model has developed for the research problem. In addition, an improved sooty tern optimization algorithm (ISTOA) has proposed to solve the large-sized problems as well as a decoding method due to the NP-hardness of the problem. In order to evaluate the proposed optimization algorithm, five well-known algorithms in the literature including (immunoglobulin-based artificial immune system (IAIS), genetic algorithm (GA), discrete artificial bee colony (DABC), improved fruit fly optimization (IFFO), effective modified migrating birds optimization (EMBO)) have adapted with the proposed problem. Finally, the performance of the proposed optimization algorithm has investigated against the adapted algorithms. Results and evaluations show the good performance of the improved sooty tern optimization algorithm.

Keywords: Hybrid Flow-Shop Scheduling, Meta-Heuristic Algorithm, Job Rejection, Sooty Tern Optimization Algorithm, Dual Resource Constrained

* Corresponding Author: m_yazdani@qiau.ac.ir

How to Cite: Dabiri, M., Yazdani, M., Naderi, B. and Haleh, H (2021). Mathematical Model and Meta-Heuristic Algorithm for Dual Resource Constrained Hybrid Flow-Shop Scheduling Problem with Job Rejection, *Industrial Management Studies*, Vol.19 No 60, Spring 2021

مدل ریاضی و الگوریتم فراابتکاری برای مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود و در نظر گرفتن رد کارها

- محمد رضا دبیری  دانشجوی دکتری، گروه مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، واحد قزوین، دانشگاه آزاد اسلامی، قزوین، ایران
- مهدی یزدانی*  استادیار، گروه مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع و مکانیک، واحد قزوین، دانشگاه آزاد اسلامی، قزوین، ایران
- بهمن نادری  دانشیار، گروه مهندسی صنایع، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه خوارزمی، تهران، ایران
- حسن حاله  استادیار، گروه مهندسی صنایع، دانشکده فنی و مهندسی گلپایگان، گلپایگان، ایران

چکیده

در دنیای واقعی بنگاه‌های اقتصادی با محیط تولیدی جریان کارگاهی ترکیبی، عموماً علاوه بر محدودیت در ماشین‌آلات با محدودیت نیروی انسانی، افزایش هزینه‌های حقوق و دستمزد و تلاش برای استفاده بهتر از نیروی کار روبه‌رو هستند. از جهتی نیازمندی‌های تحویل محصول به مشتریان با توجه به محدودیت‌های منابع مزبور، استفاده از رد کارها را به منظور اقل‌نیازمندی‌های متمایز مشتریان ضروری ساخته است. لذا این تحقیق مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین را با در نظر گرفتن رد کارها جهت کمینه‌سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) مورد مطالعه قرار داده است که کاربرد گسترده‌ای در بسیاری از مسائل صنعتی دارد. در این مقاله یک مدل برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح مختلط برای مساله تحقیق توسعه داده شده است. علاوه بر این به علت NP-hard بودن مساله مورد بررسی، یک الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته با یک روش رمزگشایی برای حل مسائل با اندازه بزرگ ارائه شده است. به منظور ارزیابی الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهادی، ۵ الگوریتم شناخته شده در ادبیات تحقیق (سیستم ایمنی بدن مصنوعی مبتنی بر ایمونوگلوبولین، الگوریتم ژنتیک، کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته، بهینه‌سازی کرم میوه توسعه یافته و بهینه‌سازی موثر اصلاح‌شده پرندگان مهاجر) با مساله پیشنهادی تطبیق داده شده است. در نهایت عملکرد الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهادی در مقایسه با الگوریتم‌های تطبیق یافته، مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج و ارزیابی‌های انجام شده نشان از عملکرد خوب الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته دارد.

کلیدواژه‌ها: زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی، الگوریتم فراابتکاری، رد کارها، الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی، منابع دوگانه محدود.

مقاله حاضر برگرفته از رساله دکتری رشته مهندسی صنایع دانشگاه آزاد اسلامی واحد قزوین است.

* نویسنده مسئول: m_yazdani@qiau.ac.ir

مقدمه

از زمان پژوهش (جانسون^۱، ۱۹۵۴)، حوزه زمان‌بندی جریان کارگاهی حوزه‌ای بسیار فعال برای پژوهش بوده است. مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی، یک پروسه تصمیم‌گیری است که در آن تعداد n کار باید در تعداد m مرحله تولید به گونه‌ای تخصیص داده شوند تا مقیاس‌های مشخصی از عملکرد بهینه گردند. جریان کارگاهی متغیری ساده در مسائل زمان‌بندی است که تنها یک ماشین را در هر مرحله تولید در نظر می‌گیرد. با این حال، امروزه این چیدمان برای خیلی از زمینه‌های تولید بکار گرفته نمی‌شود (دودک و همکاران^۲، ۱۹۹۲). کارخانجات تولیدی واقعی اغلب به دنبال افزایش خروجی و بکارگیری ظرفیت کلی کارگاه هستند. جریان کارگاهی که در هر مرحله حداقل تعداد دو یا بیشتر ماشین موازی دارد به عنوان مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی^۳ شناخته می‌شود. این مسئله یکی از مسائل زمان‌بندی می‌باشد که بسیار مورد مطالعه قرار گرفته است (رویز و وازکز-رودریگز^۴، ۲۰۱۰). مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی کاربردهای بسیاری در صنایع دنیای واقعی دارد، همچون شرکت تولید برچسب (لین و لیاو^۵، ۲۰۰۳)، صنعت نیمه‌رسانا (کواد و کوهن^۶، ۲۰۰۵)، تولید کاشی (رویز و ماروتو^۷، ۲۰۰۶)، پروسه ساخت فولاد (وانگ و همکاران^۸، ۲۰۱۲)، و غیره.

در بیشتر مسائل زمان‌بندی، تنها منبع در نظر گرفته شده به عنوان محدودیت، ماشین آلات است. با این حال، دیگر منابع همچون کارگران در صنایع واقعی محدود هستند، به طوری که در نظر گرفتن کارگر کافی علاوه بر ماشین و دیگر منابع مورد نیاز برای پردازش کارها، غیر منطقی است (مهاوران و لوگندران^۹، ۲۰۱۳). در تولید عملی، بسیاری از شرکت‌های تولید کننده با افزایش هزینه حقوق و دستمزد روبرو می‌شوند و استفاده بهتر از نیروی کار بسیار حیاتی است (لی و گو^{۱۰}، ۲۰۱۴).

1. Johnson
2. Dudek et al.
3. Hybrid flow-shop (HFS)
4. Ruiz & Vazquez-Rodriguez
5. Lin & Liao
6. Quadt & Kuhn
7. Ruiz & Maroto
8. Wang et al.
9. Mehravaran & Logendran
10. Lei & Guo

در بسیاری از منابع کارگری واقعی در زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی چند مهارته هستند، یعنی، هر کارگر در یک یا چند مهارت تخصص می‌یابد. در این زمینه هر ماشین نیازمند مهارتی لازم برای کار کردن با آن است. این توسعه منبع کارگری، به عنوان کارگر چند مهارته شناخته می‌شود. در جریان کارگاهی ترکیبی واقعی اغلب کارگران چند مهارته را استخدام می‌کنند که می‌توانند به مراحل تولید مختلف اعزام شوند. به منظور دستیابی به یک طرح زمانبندی امکان‌پذیر با شرایط عملکرد بهینه، نیاز است که کارگران مهارتهای مختلف را آموزش دیده و مطابق با مهارت‌های خود به ماشین‌های مختلف فرستاده شوند (لی و همکاران^۱، ۲۰۱۶). به علاوه، به دلیل پیچیدگی ماشین‌ها و مهارت‌های متفاوت کارگران، یک کارگر می‌تواند تنها با بخشی از ابزارهای ماشین کار کند. در تولیدات واقعی، کارگران ماهر معمولاً محدود هستند. نحوه تخصیص کارگران محدود به ماشین-آلات بسیار مهم است. در منابع دوگانه محدود^۲ به همراه مسئله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی به تصمیم‌گیری در خصوص توالی کارها، تخصیص ماشین و تخصیص کارگر به طور مشترک پرداخته می‌شود. بنابراین، ضروری است منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی که در آن کارگران مهارت‌های عملکردی و کارایی مختلفی دارند مورد تحقیق واقع شود؛ در نتیجه، زمان پردازش واقعی هر کار نه تنها تحت تاثیر ظرفیت آن مرحله تولید، بلکه همچنین متاثر از کارایی کارگر است. کارگران می‌توانند بر طبق مهارت‌هایشان به مراحل تولید مختلف فرستاده شوند.

در دهه‌های اخیر، زمانبندی ماشین با رد^۳ که به عبارتی پذیرش سفارش و زمانبندی^۴ نیز نامیده می‌شود، توسط پژوهشگران بسیاری در حوزه زمانبندی تولید مورد توجه قرار گرفته است. مسئله زمانبندی ماشین با رد در محیط‌های تولید مختلف و/یا سیستم‌های خدمات که در آنها تولید محدود و/یا ظرفیت خدمات و نیازمندی‌های تحویل سفارش وجود دارد، پذیرش تمام کارها ممکن است در تکمیل برخی کارها تاخیر ایجاد کرده و منجر به هزینه دیرکرد کارها شود. به منظور کاهش هزینه دیرکرد، برخی کارها را می‌توان رد کرد و برای جبران آن هزینه رد را پرداخت (کوردون و هوستین^۵، ۲۰۱۹؛ وانگ و یه^۶،

1. Lei et al.
2. Dual Resource Constrained (DRC)
3. Machine Scheduling with Rejection (MSR)
4. Order Acceptance and Scheduling (OAS)
5. Cordone & Hosteins
6. Wang & Ye

۲۰۱۹، شیائو و همکاران^۱، ۲۰۱۵؛ سیلوا و همکاران^۲، ۲۰۱۸؛ وانگ و همکاران^۳، ۲۰۱۵). مساله زمان‌بندی ماشین با رد نیازمند این است که فرد به طور همزمان معین کند در کنار زمان‌بندی، کدام کار باید برای پردازش پذیرفته شود. بنابراین، در نظر گرفتن رد کارها با مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی ضروری می‌گردد. این مقاله هزینه رد برای هر کار را مد نظر قرار می‌دهد.

بیشترین مطالعات انجام شده مربوط به کمینه‌سازی بیشترین زمان تکمیل کارها^۴ است که شامل ۶۰٪ از مقالات منتشر شده در ادبیات جریان کارگاهی ترکیبی می‌باشد (رویز و وازکز-رودریگز^۵، ۲۰۱۰). کمینه‌سازی بیشترین زمان تکمیل کارها، که بهره‌برداری از ماشین را افزایش می‌دهد، در نخستین روزهای تولید که هزینه‌ها می‌بایست کمینه شده و تولید در گلوگاه است معنا می‌یابد (فرامینان و همکاران^۶، ۲۰۱۴). در حال حاضر، اهداف مرتبط با سررسید بسیار مهمتر بوده و توجه کمتری شده است (پن و همکاران^۷، ۲۰۱۷؛ یو و همکاران^۸، ۲۰۱۸). از سوی دیگر، اتمام کار پس از مهلت سررسید می‌تواند منجر به از دست دادن مشتری شود. بنابراین، ما جریمه دیرکرد را برای هر واحد انحراف از زمان سررسید در نظر می‌گیریم.

تا جایی که می‌دانیم، هیچ پژوهش منتشر شده‌ای بر روی مساله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها متمرکز نشده است. بنابراین، مساله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها با هدف حداقل‌سازی هزینه کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) مسئله‌ای تازه است و تحقیق بر روی این موضوع اهمیت می‌یابد. این موضوع در تولیدات دنیای واقعی عموماً دیده می‌شود و کاربرد و عملیاتی بودن گسترده در بسیاری مسائل صنعتی دارد.

-
1. Xiao et al.
 2. Silva et al.
 3. Wang et al.
 4. Makespan
 5. Ruiz & Vazquez-Rodriguez
 6. Framinan et al.
 7. Pan et al.
 8. Yu et al.

سیستم تولید کاشی را می‌توان جریان کارگاهی ترکیبی نامید. در یک خط چیدمان کاشی دیواری دوبار پخت واقعی که هر دوی موضوع رد کارها و منابع دوگانه محدود انسان و ماشین را پوشش می‌دهد، شش مرحله تولید وجود دارد که شامل پرس (A)، کوره (B)، خط لعاب (C)، کوره (D)، پروسه مسطح‌سازی (E)، چینش و بسته‌بندی (F) و یک بافر میانی (۱) است. هر مرحله تولید ماشین‌های موازی مربوط به خود را دارد (۸ پرس، ۴ کوره، ۱۰ خط لعاب، ۴ کوره، ۸ ماشین مسطح‌ساز، ۱ ماشین چینش و بسته‌بندی). شش کارگر (W1، W2، W3، W4، W5، W6) و ۶ مهارت اجرایی (مهارت پرس (K1)، مهارت کوره (K2)، مهارت خط لعاب (K3)، مهارت کوره (K4)، مهارت پروسه مسطح‌سازی (K5)، مهارت چینش و بسته‌بندی (K6)) وجود دارد. هر ماشین در مرحله تولید A برای کار کردن نیازمند K1؛ B نیازمند K2؛ C نیازمند K3؛ D نیازمند K4؛ E نیازمند K5؛ F نیازمند K6 است. W1 در هر دوی K1 و K2؛ W2 در هر دوی K2 و K3؛ W3 در هر دوی K3 و K4؛ W4 در هر دوی K4 و K5؛ W5 در هر دوی K5 و K6؛ و W6 در مجموعه K1، K2، K3، K4، K5 و K6 مهارت دارند.

۱۷ کار به طور متوالی در پرس، کوره، خط لعاب، کوره، مسطح‌سازی، چینش و بسته‌بندی پردازش می‌شوند. هر کار می‌تواند با هر ماشینی در هر مرحله تولید پردازش شود. کارها شامل شمار بزرگی از کاشی‌های یک اندازه در پالت‌های متعدد هستند که باید تولید شوند. در هنگام روبرو شدن با مثال‌های عملی دنیای واقعی ذکر شده در بالا، مدیران تولید باید شرایط زیر را به طور مشترک مد نظر قرار دهند:

(a) کدام کار باید از منظر هزینه فرصت‌ها و هزینه مدیریت رد شود؟؛ (b) زمان‌بندی کارهای پذیرفته شده؛ (c) تخصیص ماشین و (d) تخصیص کارگر، به طوری که هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) کمینه گردد. تا جایی که می‌دانیم، در پژوهش‌های مرتبط با زمان‌بندی تولید، به مطالعه این موضوع پرداخته نشده است.

در این مقاله، ما مدل توسعه یافته از مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه انسان و ماشین و در نظر گرفتن رد کارها ارائه داده‌ایم، که به طور همزمان رد کار، منبع ماشین و منبع کارگر را مد نظر قرار می‌دهد. بنابراین، مدل پیشنهادی می‌تواند هزینه‌های تولید را کاهش داده و به طور کامل از کارگران استفاده کند. مطالعه گوپتا^۱ (۱۹۸۸)

ثابت کرده که مسئله نسبتاً ساده زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی حتی اگر تنها دو مرحله تولید داشته باشد ($g=2$) و یکی از مراحل شامل تنها یک ماشین باشد، یک مساله NP-hard است. بنابراین، مسئله پیچیده تر زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه انسان و ماشین و با در نظر گرفتن رد کارها و هدف حداقل سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) همچنان NP-hard است. در هنگام روبرو شدن با بهینه سازی این نوع مسائل پیچیده، استفاده از روش‌های دقیق جهت بهینه سازی در زمان محاسباتی منطقی، بسیار دشوار است. بنابراین، برای حل مسائل بزرگ، ما نسخه بهبود یافته از یک الگوریتم موثر فراابتکاری به نام الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی^۱ طراحی کرده‌ایم. ما از ساختارهای همسایگی ترکیبی، استراتژی‌های پذیرفته شده برای جستجوی بهتر فضای جواب، گریز از بهینه محلی جهت به دست آوردن جواب‌های بهتر استفاده می‌کنیم. به علاوه، از روش تاگوچی (مونتگومری^۲، ۲۰۰۵) برای تنظیم پارامترهای الگوریتم پیشنهادی استفاده می‌کنیم. الگوریتم‌های فراابتکاری به شدت وابسته به روش‌های رمزگشایی هستند (منگ و همکاران^۳، ۲۰۱۹). بنابراین، با نظر به هدف حداقل سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها)، ما یک روش رمزگشایی را طراحی می‌کنیم. در پایان، جهت ارزیابی عملکرد الگوریتم پیشنهادی و مقایسه آن با الگوریتم‌های مطرح در ادبیات تحقیق، مطالعات محاسباتی با در نظر گرفتن مثال‌های تولید شده انجام خواهد شد.

بخش‌های مختلف مقاله در ادامه به شرح زیر است. در بخش دوم به پیشینه پژوهش پرداخته می‌شود. در بخش سوم مساله تحقیق با شرح جزئیات مطرح و فرمولاسیون برنامه‌ریزی خطی عدد صحیح ترکیبی بیان می‌شود. در بخش چهارم نسخه بهبود یافته از یک الگوریتم موثر فراابتکاری به نام الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی برای حل مساله پیشنهادی مورد مطالعه قرار خواهد گرفت و یک روش رمزگشایی طراحی شده است. در بخش پنجم نتایج و مقایسات محاسباتی الگوریتم‌ها و یافته‌های پژوهش بیان می‌شود. در بخش آخر نتیجه گیری و پیشنهادها آتی مطرح خواهد شد.

-
1. Sooty Tern Optimization Algorithm (STOA)
 2. Montgomery
 3. Meng et al.

پیشینه پژوهش

این بخش، مرور ادبیات مربوط به مسئله این مقاله را ارائه می‌دهد. ما این بخش را به دو زیربخش تقسیم می‌کنیم، که بخش اول مطالعات مرتبط با زمان‌بندی ماشین با رد کارها را توصیف می‌کند و بخش دوم مطالعات مرتبط با منابع دوگانه محدود را مطرح می‌سازد.

کارهای مرتبط با زمان‌بندی ماشین با رد کارها

مقالات متعددی در حیطه زمان‌بندی به زمان‌بندی ماشین همراه با مساله رد اختصاص داده شده است. پیشینه انجام شده در قسمت زیر تنها مطالعات مربوط به مساله زمان‌بندی ماشین همراه با مساله رد با معیارهای موعد تحویل-محور، و مطالعات مربوط به زمان‌بندی ماشین همراه با مساله رد با محیط جریان کارگاهی را در بر می‌گیرد. برای نخستین بار، بارتال و همکاران^۱ (۲۰۰۰) به عنوان پیشگامان ایده امکان رد، مساله زمان‌بندی با رد کار را مطرح کردند. از آن پس، مساله زمان‌بندی همراه با رد، بیشتر مورد توجه قرار گرفت.

در مسائل مربوط به زمان‌بندی تک ماشین با رد کارها می‌توان به پژوهش انگوئین و همکاران^۲ (۲۰۱۴ الف، ب)، گرامی پور و همکاران^۳ (۲۰۱۷) و سیلوا و همکاران^۴ (۲۰۱۸) اشاره کرد، که ماکسیم سازی کل درآمدها منهای کل هزینه دیرکرد کارها را مورد مطالعه قرار دادند به طوری که امامی و همکاران^۵ (۲۰۱۶) و وانگ و یه^۶ (۲۰۱۹) به مطالعه مساله زمان‌بندی ماشین‌های موازی غیر مشابه با رد کارها پرداختند. یاوری و همکاران^۷ (۲۰۱۹) یک مساله مونتاژ دو ایستگاه با رد کارها و هدف پیشینه کردن مجموع درآمدها منهای دیرکرد وزن کل با استفاده از دو الگوریتم فراابتکاری ژنتیک نیمه جایگشتی^۸ و غیر نیمه جایگشتی^۹ حل کردند. سونین و همکاران^{۱۰} (۲۰۱۵)، ژو و همکاران^{۱۱} (۲۰۱۵) و ژی و

-
1. Bartal et al.
 2. Nguyen et al.
 3. Geramipour et al.
 4. Silva et al.
 5. Emami et al.
 6. Wang & Ye
 7. Yavari et al.
 8. Semi-permutation GA (SPGA)
 9. Non-semi permutation GA (N-SPGA)
 10. Thevenin et al.
 11. Xu et al.

وانگ^۱ (۲۰۱۶) مساله زمانبندی تک ماشینه با رد کارها و در نظر گرفتن هزینه‌های دیرکرد و رد کارها و هزینه و زمان راه اندازی کارها مطرح نمودند. در مطالعات مربوط به سیمون و همکاران^۲ (۲۰۱۶) و سونین و زوفری^۳ (۲۰۱۹) مساله زمانبندی تک ماشینه با رد کارها و هدف کمینه سازی مجموع هزینه‌های راه اندازی، جریمه زود کرد دیرکرد و جریمه رد کارها توسعه داده شد.

شابتی و کاسپر^۴ (۲۰۱۲) مسئله زمانبندی جریان کارگاهی دو ماشینه با در نظر گرفتن رد کارها و تابع هدف کمینه‌سازی زمان تکمیل کارها و جریمه رد کارها را مطالعه و ثابت کردند که آن مساله NP-hard است. به طوری که دبیری و همکاران^۵ (۲۰۱۹) به توسعه یک مدل برنامه ریزی خطی عدد صحیح ترکیبی برای مساله زمانبندی جریان کارگاهی چند ماشینه با موضوع رد کارها با هدف کمینه سازی مجموع زمان تکمیل و هزینه رد کارها پرداختند. عسگری و زندیه^۶ (۲۰۱۴)، ژیاو و همکاران^۷ (۲۰۱۵)، لین و ینگ^۸ (۲۰۱۵) و وانگ و همکاران^۹ (۲۰۱۷) مساله زمانبندی جریان کارگاهی با رد کارها و هدف ماکسیم‌سازی سود با توجه به هزینه دیرکرد و رد کارها تحت مطالعه قرار دادند. لی و گو^{۱۰} (۲۰۱۵) یک جستجوی همسایگی موازی^{۱۱} را به منظور حل مساله زمانبندی جریان کارگاهی با رد کارها و با اهداف کمینه سازی بیشترین زمان تکمیل تمام سفارشات به عنوان هدف اول و بیشینه سازی سود حاصل از جریمه دیرکرد وزنی کارهای پذیرفته شده و هزینه رد کارهای رد شده به عنوان هدف دوم به کار گرفتند. اسماعیل بیگی و همکاران^{۱۲} (۲۰۱۶)، دو مدل برنامه ریزی ترکیبی عدد صحیح خطی در مساله زمانبندی جریان کارگاهی دو ماشینه با رد کارها و هدف ماکسیم‌سازی سود با توجه به هزینه دیرکرد و رد کارها توسعه دادند. نتیجه گیری می‌شود که تحقیقات مورد بررسی در این

-
1. Xie & Wang
 2. Thevenin et al.
 3. Simon & Zufferey
 4. Shabtay & Gasper
 5. Dabiri et al.
 6. Asgari & Zandieh
 7. Xiao et al.
 8. Lin & Ying
 9. Wang et al.
 10. Lei & Guo
 11. Parallel Neighborhood Search (PNS)
 12. Esmaeilbeigi et al.

بخش موضوع رد کار را در زمانبندی محیط‌های تولید مختلف نمایش داده است به طوری که موضوع رد کار در زمانبندی محیط جریان کارگاهی ترکیبی یک موضوع جدیدی به شمار می‌آید.

کارهای مرتبط با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین

جن و پاتریک^۱ (۲۰۰۹) و اودو و ایفانگ^۲ (۱۹۹۹) تاکید کرده‌اند که فاکتورهای انسانی را نمی‌توان نادیده گرفت چرا که باعث افزایش کارایی تولید می‌شوند. پژوهش مربوط به تاریخ سررسید توسط تعدادی از پژوهشگران بیان شده است. مهرآوران و لوگندران^۳ (۲۰۱۳) یک مدل ریاضیاتی عدد صحیح مختلط خطی و سه الگوریتم فراابتکاری پیشنهاد داده‌اند تا ضوابط دوگانه جریان کارگاهی غیر جایگشتی را با منابع دوگانه و زمان راه اندازی وابسته به توالی برای به حداقل رساندن جمع زمان اتمام وزنی و جمع دیرکرد وزنی حل کند. شهواری و لوگندران^۴ (۲۰۱۷) یک مسئله پردازش دسته‌ای دو هدفه را با منابع دوگانه و ماشین‌های موازی غیرمرتبط برای به حداقل رسانی هزینه کل دیرکرد و زودکرد کارها به موازات هزینه کل پردازش دسته‌ای به علاوه بیشترین زمان تکمیل کارها مطالعه کرده‌اند. پیندا و همکاران^۵ (۲۰۱۹) الگوریتم حریمانه مکرر سازنده‌ای را برای حل یک مسئله کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود^۶ با هدفی که همزمان ضوابط زمان کل و زمان سررسید را در نظر می‌گیرد توسعه داده‌اند.

برخی پژوهشگران منابع دوگانه محدود را در مسئله زمانبندی کار-کارگاهی منعطف در نظر گرفته‌اند. یزدانی و همکاران (۱۳۹۳) مسئله زمانبندی کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین در نظر گرفته‌اند. آن‌ها الگوریتم ترکیبی توسعه داده شده از الگوریتم‌های جستجوی همسایگی متغیر و شبیه سازی تبرید برای کمینه سازی بیشترین زمان تکمیل پیشنهاد داده‌اند. لی و گو^۷ (۲۰۱۴)، گائو و پن^۸ (۲۰۱۶)، ژنگ و

-
1. Jan & Patrick
 2. Udo & Ebiefung
 3. Mehravaran & Logendran
 4. Shahvari & Logendran
 5. Pineda et al.
 6. Dual-Resource Constrained Flexible Job-Shop Problem (DRCFJSP)
 7. Lei & Guo
 8. Gao & Pan

وانگ^۱ (۲۰۱۶) و ژانگ و همکاران^۲ (۲۰۱۷) مسئله زمان‌بندی کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود به منظور کمینه‌سازی بیشترین زمان تکمیل مطالعه نمودند. منگ و همکاران^۳ (۲۰۱۹) دو مدل برنامه‌ریزی خطی ترکیبی عدد صحیح^۴ بر پایه‌ی ایده‌های مدل-سازی متفاوت و یک جستجوی محلی متغیر موثر را برای حل یک مسئله زمان‌بندی کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه- انرژی برای کاهش انرژی مصرفی کل ارائه دادند. یزدانی و همکاران^۵ (۲۰۱۹) الگوریتم ژنتیک مرتب‌سازی نامغلوب^۶ و الگوریتم ژنتیک رتبه‌بندی نامغلوب^۷ را ارائه دادند و یک مسئله زمان‌بندی کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود چند هدفه^۸ با اهداف به حداقل رسانی بیشترین زمان تکمیل، حجم کاری ماشین‌بحرانی و حجم کار کل ماشین‌ها به طور همزمان مطرح کردند. گونگ و همکاران^۹ (۲۰۱۸) یک الگوریتم ممتیک^{۱۰} را برای حل مسئله زمان‌بندی کار-کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود چند هدفه برای حداقل‌سازی حداکثر زمان اتمام، حداکثر حجم کار ماشین‌ها و حجم کار کلی تمام ماشین‌ها پیشنهاد دادند.

پژوهش‌هایی برای محیط جریان کارگاهی توسط شماری از پژوهشگران مورد بحث قرار گرفته است. فیگیلسکا^{۱۱} (۲۰۱۴)، والدهر و ناست^{۱۲} (۲۰۱۷) و فیگیلسکا^{۱۳} (۲۰۱۸) مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی با منابع دوگانه به منظور کمینه‌سازی بیشترین زمان تکمیل مورد مطالعه قرار دادند.

تا جایی که می‌دانیم، تنها یک پژوهش موجود است که بر روی مسئله زمان‌بندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود تمرکز کرده است (گونگ و همکاران^{۱۴}،

-
1. Zheng & Wang
 2. Zhang et al.
 3. Meng et al.
 4. Mixed-integer linear programming (MILP)
 5. Yazdani et al.
 6. Non-dominated sorting genetic algorithm (NSGA)
 7. Non-dominated ranking genetic algorithm (NRGA)
 8. Multi-objective dual-resource constrained flexible job-shop scheduling problem (MODRCFJSP)
 9. Gong et al.
 10. Memetic algorithm (MA)
 11. Figielska
 12. Waldherr & Knust
 13. Figielska
 14. Gong et al.

۲۰۱۹). پژوهش موجود عمدتاً بر روی انعطاف ماشین‌ها و کارگرها در کنار زمان پردازش تمرکز کرده و عوامل وابسته به انرژی مصرفی و هزینه کارگر به طور همزمان مورد نظر قرار گرفته شده‌اند. آن‌ها در نظر گرفته‌اند که هر کارگر تنها یک مهارت اجرایی واحد دارد. جریان کارگاهی ترکیبی واقعی اغلب کارگران ماهری را به کار می‌گیرد که می‌توانند بین مراحل تولید مختلف جابه‌جا شوند. نتیجه‌گیری می‌شود که موضوع محدودیت منابع انسانی چند مهارته با فرض جابه‌جایی بین مراحل تولید در محیط زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی یک موضوع جدیدی به شمار می‌آید. در حالی که هیچ کار پیشینی مسئله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی منعطف با منابع دوگانه محدود را با ضوابط زمان سررسید بررسی نکرده و کارگران مهارت‌های اجرایی و کارایی‌های متفاوتی دارند که می‌توانند در مراحل مختلف جابه‌جا شوند.

جدول ۱. خلاصه پیشینه پژوهش

هدف	کارگران چند مهارته (امکان جابه‌جایی بین مراحل تولید)	منع انسانی	موضوع ردکارها	محیط تولید	محقق / سال تحقیق
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	×	×	✓	تک ماشینه	انگوئین و همکاران (۲۰۱۴ الف، ب)، گرامی پور و همکاران (۲۰۱۷) و سیلوا و همکاران (۲۰۱۸)
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	×	×	✓	ماشین‌های موازی	امامی و همکاران (۲۰۱۶) و وانگ و یه (۲۰۱۹)
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	×	×	✓	جریان کارگاهی	یاوری و همکاران
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار - هزینه راه اندازی	×	×	✓	تک ماشینه	سونین و همکاران (۲۰۱۵)، ژو و همکاران (۲۰۱۵) و ژئی و وانگ (۲۰۱۶)
- هزینه دیرکرد	×	×	✓	تک ماشینه	سیمون و همکاران

- هزینه رد کار - هزینه دیرکرد و زودکرد					(۲۰۱۶) و سونین و زوفری (۲۰۱۹)
- هزینه دیرکرد - بیشترین زمان تکمیل کارها - هزینه رد کار	x	x	✓	جریان کارگاهی	شابتی وکاسپر (۲۰۱۲)
- بیشترین زمان تکمیل کارها - هزینه رد کار	x	x	✓	جریان کارگاهی	دبیری و همکاران (۲۰۱۹)
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	x	x	✓	جریان کارگاهی	عسگری و زندیه (۲۰۱۴)، ژیاو و همکاران (۲۰۱۵)، لین و بینگ (۲۰۱۵) و وانگ و همکاران (۲۰۱۷)
- هزینه دیرکرد - بیشترین زمان تکمیل کارها - هزینه رد کار	x	x	✓	جریان کارگاهی	لی و گو (۲۰۱۵)
- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	x	x	✓	جریان کارگاهی	اسماعیل بیگی و همکاران (۲۰۱۶)
- مجموع زمان اتمام وزنی - هزینه دیرکرد - هزینه رد کار	x	✓	x	جریان کارگاهی	مهرآوران و لوگنדרان (۲۰۱۳)
- هزینه دیرکرد و زودکرد - بیشترین زمان تکمیل کارها	x	✓	x	ماشین‌های موازی	شهواری و لوگنדרان (۲۰۱۷)
- هزینه دیرکرد - بیشترین زمان تکمیل کارها	x	✓	x	کار کارگاهی منعطف	پیندا و همکاران (۲۰۱۹)
- بیشترین زمان تکمیل کارها	x	✓	x	کار کارگاهی منعطف	یزدانی و همکاران (۱۳۹۳)

لی و گو (۲۰۱۴)، گائو و پن (۲۰۱۶)، ژانگ و وانگ (۲۰۱۶) و ژانگ و همکاران (۲۰۱۷)	کار کارگاهی منعطف	×	✓	×	- بیشترین زمان تکمیل کارها
ژانگ و همکاران (۲۰۱۹)	کار کارگاهی منعطف	×	✓	×	- انرژی مصرفی
یزدانی و همکاران (۲۰۱۹)	کار کارگاهی منعطف	×	✓	×	- بیشترین زمان تکمیل کارها - انرژی مصرفی
گونگ و همکاران (۲۰۱۸)	کار کارگاهی منعطف	×	✓	×	- بیشترین زمان تکمیل کارها - انرژی مصرفی
فیگیلسکا (۲۰۱۴)، والدهر و ناست (۲۰۱۷) و فیگیلسکا (۲۰۱۸)	کار کارگاهی منعطف	×	✓	×	- بیشترین زمان تکمیل کارها
گونگ و همکاران (۲۰۱۹)	جریان کارگاهی ترکیبی	×	✓	×	- بیشترین زمان تکمیل کارها - انرژی مصرفی - هزینه کارگر
تحقیق حال حاضر	جریان کارگاهی ترکیبی	✓	✓	✓	- هزینه دیرکرد - هزینه رد کار

جدول ۱، جدول مقایسه‌ای مهمترین تحقیقات موجود در زمینه مساله مورد توجه در این تحقیق را به تفکیک مشخصه‌های حائز اهمیت مساله، نشان می‌دهد. از مطالب بالا روشن است که در پژوهش‌های اخیر به موضوع مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین و در نظر گرفتن رد کارها پرداخته نشده است و تحقیق بر روی این موضوع اهمیت می‌یابد.

روش شناسی پژوهش

شرح مساله

در مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دو گانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها، تعداد m مرحله تولید به صورت سری وجود دارد که $m > 1$ است. یک مجموعه از n کار باید به طور متوالی در این مراحل تولید پردازش شده و جریان تولید یکسانی را دنبال کنند: مرحله ۱، مرحله ۲، ...، مرحله m . اگر کل مجموعه کارها با مشخص شود، S مجموعه کارهای رد نشده که پردازش خواهند شد و R مجموعه کارهای رد شده را ($N = S \cup R$) نشان می دهد. تعداد $|m_i| \geq 1$ ماشین موازی مشابه در هر مرحله تولید $i \in M$ وجود دارد، و هر ماشین می تواند توسط تعداد p ($p > 1$) کارگر اجرا شود. کارگران مهارت های اجرایی و کارایی های مختلفی دارند؛ بنابراین، زمان پردازش هر کار تنها تحت تاثیر ظرفیت مرحله تولید نیست، بلکه همچنین از کارایی کارگر نیز تاثیر می گیرد. کارگران می توانند بر طبق مهارت هایشان در بین مراحل مختلف تولید جابه جا شوند. از آنجایی که ماشین های موازی در یک مرحله تولید، یکسان هستند، یک کار می تواند توسط هر ماشین $l \in m_i$ در مرحله تولید i پردازش شود. در یک زمان واحد یک ماشین می تواند تنها یک کار را پردازش کند، یک کار می تواند تنها توسط یک ماشین پردازش شود، هر کارگر می تواند تنها یک ماشین را اجرایی کند و یک ماشین می تواند تنها توسط یک کارگر اجرایی شود. تمام ماشین ها، کارگران و کارها در زمان صفر حاضر هستند و بریدگی کار مجاز نیست. ظرفیت بافرهای میانی بین مراحل تولید نامحدود است. زمان سفر بین مراحل تولید، زمان راه اندازی و زمان های قدم زدن کارگران بین مراحل تولید و بین ماشین های موازی در نظر گرفته نشده است.

مدل سازی ریاضی

نادری و همکاران^۱ (۲۰۱۴) یک مدل برنامه ریزی خطی عدد صحیح ترکیبی را برای مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی پیشنهاد دادند. در این پژوهش با هدف کمیته سازی بیشترین زمان تکمیل کارها، تمامی کارها مورد پذیرش و پردازش قرار گرفته و تنها منبع در نظر گرفته شده به عنوان محدودیت، ماشین آلات بود. اما در پژوهش حاضر، نیازمندی های تحویل سفارش، موضوع رد کارها، محدودیت منبع انسانی با جابه جایی بین مراحل تولید با

هدف مرتبط با سررسید تحویل کارها در نظر گرفته شده است و تصمیم‌گیری بر این است که کدام کار نباید رد شود، کدام ماشین باید برای پردازش آن کارهای رد نشده تخصیص یابد و کدام کارگران باید برای پردازش آن کارهای رد نشده تخصیص یابند. به عبارتی توالی کارها رد نشده در هر ماشین و همچنین توالی آن کارها در هر کارگر نیز باید تصمیم‌گیری شود، به گونه‌ای که هزینه خالص کل کمینه گردد. فرض می‌شود داده‌های مسئله قطعی و از پیش تعیین شده است.

مجموعه‌ها

مجموعه ایستگاه‌ها $\{1 \dots m\}$

مجموعه کارها $\{1 \dots n\}$

مجموعه ماشین‌ها در ایستگاه ،

مجموعه کارگرها $\{1 \dots p\}$

مجموعه کارگرهایی که مهارت پردازش کارها در ایستگاه i را دارند،

مجموعه ایستگاه‌هایی که در دست کنترل کارگر w است،

پارامترها

زمان پردازش کار $z \in N$ در ایستگاه $i \in M$ توسط کارگر

سررسید کار

هزینه رد کار

جریمه دیرکرد کار $z \in N$ ، جریمه برای هر واحد زمان تکمیلی که از

تجاوز می‌کند

عدد بزرگ

متغیر تصمیم

متغیر باینری که اگر کار z در ایستگاه i بعد از کار k انجام گیرد برابر با ۱،

در غیر اینصورت برابر با صفر است

متغیر باینری که اگر کار z در ایستگاه i بر روی ماشین l انجام گیرد برابر با

۱، در غیر اینصورت برابر با صفر است

متغیر پیوسته زمان تکمیل کار z در ایستگاه

متغیر پیوسته دیرکرد کار

متغیر باینری که اگر کار z پذیرفته شود $Rz = 1$ ، در غیر اینصورت برابر با صفر است

متغیر باینری که اگر کار z در ایستگاه i توسط کارگر w انجام گیرد برابر با ۱، در غیر اینصورت برابر با صفر است

متغیر باینری که اگر کار z توسط کارگر w بعد از کار k انجام گیرد برابر با ۱، در غیر اینصورت برابر با صفر است

مدل برنامه ریزی خطی عدد صحیح مختلط^۱ با هدف کمینه سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های دیرکرد کارها و هزینه‌های رد کارها):

$$\sum c \tag{۱}$$

Subject to

$$\sum \tag{۲}$$

$$\sum \tag{۳}$$

$$\tag{۴}$$

$$\tag{۵}$$

$$\tag{۶}$$

(۷)

(۸)

(۹)

(۱۰)

{0,1}

(۱۱)

تابع هدف (۱) هزینه خالص کل را به حداقل می‌رساند. محدودیت (۲) و (۳) تضمین‌کننده این است که هر کار رد نشده در طی تمام مراحل تولید عبور می‌کند و توسط دقیقاً یک ماشین و یک کارگر واجد شرایط در هر مرحله تولید پردازش می‌شود. زمان‌های اتمام هر کار در محدودیت‌های (۴)، (۵)، (۶)، (۷)، (۸) و (۹) مشخص شده‌اند. از یک سو محدودیت (۴) اطمینان می‌دهد که عملیات \bar{t}_m یک کار پس از اتمام عملیات قبلی آن آغاز به پردازش می‌کند، از سوی دیگر، مشخص می‌کند که کارهای رد شده (نشان داده شده با $R_j = 0$) زمان‌های اتمام صفر خواهند داشت چرا که p_{jiw} هیچ تاثیری بر روی زمان‌های اتمام قبلی نخواهد داشت. محدودیت‌های (۵) و (۶) خاطر نشان می‌کنند که ممکن نیست دو کار را در زمان واحد با ماشین یکسان پردازش کرد، و یک کار نمی‌تواند پیش از زمان اتمام هر کار قبلی در ماشین یکسان پردازش شود. MM عدد بزرگی است. محدودیت‌های (۷) و (۸) خاطر نشان می‌کنند که ممکن نیست دو کار را با کارگر یکسان در عملیات یکسان و در زمان یکسان پردازش کرد و یک کار نمی‌تواند پیش از زمان اتمام هر کار قبلی در عملیات یکسان با کارگر یکسان پردازش شود. مجموعه محدودیت (۹) خاطر نشان می‌کند که ممکن نیست دو کار را در عملیات‌های مختلف با کارگر یکسان در زمان یکسان پردازش کرد و یک کار نمی‌تواند پیش از زمان اتمام هر کار قبلی در عملیاتی متفاوت با کارگر یکسان پردازش گردد. مجموعه محدودیت (۱۰) دیرکرد هر کار را

تضمین می‌کند. اگر یک کار مشخص رد شود، دیرکرد آن کار با نظر به تابع هدف آن برابر با صفر است. در پایان، محدودیت (۱۱) متغیرهای مدل را مشخص می‌کنند.

رویکرد حل مسئله

پیچیدگی زیاد مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها دلیلی روشن برای استفاده از الگوریتم‌های فراابتکاری جهت بهینه سازی آن است. چرا که برای ابعاد بزرگ این مسئله، استفاده از روش‌های دقیق جهت بهینه سازی در زمان محاسباتی منطقی، بسیار دشوار است. در این بخش الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته برای بهینه سازی مساله ارائه شده است. این بخش به چهار زیر بخش تقسیم شده است. در بخش اول پیش زمینه الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی را ارائه می‌کنیم. در زیر بخش دوم جزئیات مربوط به الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی گسسته و روش جستجوی محلی گزارش شده است. در زیر بخش سوم روند الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته را بیان خواهیم کرد و در زیر بخش چهارم نحوه رمزگذاری و رمزگشایی جوابها را مطرح می‌کنیم.

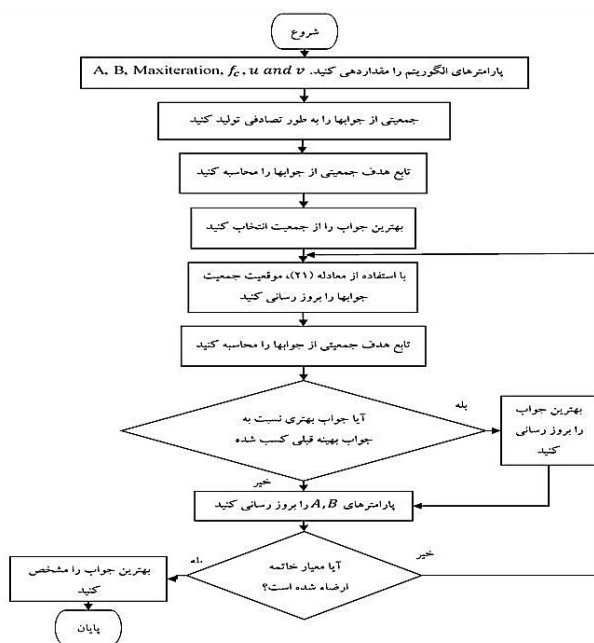
پیش زمینه الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی

دیمن و کاور^۱ (۲۰۱۹) الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی را که از رفتار مهاجرت و حمله یک نوع پرنده در طبیعت با نام پرستو دریایی پشت دودی نشأت گرفته است، ارائه دادند. رفتارهای مهاجرت و حمله پرنده استوایی دریایی، دو موضوع مهم این الگوریتم می‌باشد. یک پرنده استوایی دریایی در هنگام مهاجرت باید شرایط زیر را در نظر بگیرد. از جمله پرهیز از برخورد بین همسایگان (به عنوان مثال، دیگر پرنده استوایی دریایی)، جنبش به سمت بهترین همسایه (به عنوان مثال، مناسب‌ترین پرنده استوایی دریایی) و همگرایی به لایق‌ترین عامل جستجو. همچنین پرندگان استوایی دریایی در طی مهاجرت با حرکت مارپیچی به طعمه‌های خود حمله می‌کنند. نمودار جریان الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی در شکل ۱ نشان داده شده است. همانطور که از این نمودار جریان

1. Dhiman & Kaur

مشخص است، الگوریتم پرنده استوایی دریایی با جمعیت تولید شده تصادفی شروع شده و بعد از این مراحل ابتدایی، وارد فاز اصلی می شود.

شکل ۱. نمودار جریان الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی



شایان ذکر است در هر نسل، هر جواب از این جمعیت با به روز کردن موقعیت خود منجر به حرکت می شود. در الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی، \vec{C}_S می تواند به عنوان بهترین موقعیت \vec{P}_S در نظر گرفته شود که با عامل جستجو دیگر در هنگام جستجو فضای جستجو تداخل نکند. به منظور مدل سازی ریاضی این نوع رفتار، موقعیت هر عامل جستجو، به صورت زیر به روز می شود:

$$\vec{C}_S = A \times \vec{P}_S(x) \quad (12)$$

که x تکرار فعلی، \vec{P}_S موقعیت فعلی عامل جستجو، \vec{C}_S موقعیت عامل جستجو بوده که با عامل جستجو دیگر در هر تکرار تداخل نداشته و A نشان دهنده تابع خطی بوده که به صورت زیر محاسبه می شود:

$$\text{—————}) \quad (13)$$

که f_c کنترل فرکانس متغیر A می‌باشد. در این الگوریتم \vec{M}_s می‌تواند به عنوان موقعیت عامل جستجو \vec{P}_s به سمت بهترین عامل جستجوی مناسب \vec{P}_{bc} در نظر گرفته شود. این نوع رفتار می‌تواند به صورت زیر ارائه شود:

$$\vec{M}_s = B \times (\vec{P}_{bc}(x) - \vec{P}_s(x)) \quad (14)$$

که B مسئول تعادل مناسب بین تنوع و تمرکز است. به لحاظ ریاضی، B می‌تواند به صورت زیر تعریف شود:

$$(15)$$

که rd عدد تصادفی است که در محدوده $[0, 1]$ قرار دارد.

عوامل جستجو می‌توانند موقعیت‌های خود را با توجه به بهترین عامل جستجو در طول فرایند تکرار به روز کنند. \vec{D}_s اشاره به فاصله از عامل جستجو و بهترین عامل جستجو دارد که به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\vec{D}_s = |\vec{C}_s + \vec{M}_s| \quad (16)$$

در معادلات (۱۷)، (۱۸)، (۱۹) و (۲۰)، رفتار ماریپیچی شکل هر پرنده استوایی دریایی در x ، y و z برای حمله به طعمه را نشان می‌دهد.

$$(17)$$

$$(18)$$

$$(19)$$

$$(20)$$

که r شعاع هر چرخش ماریپیچی، k یک عدد تصادفی در محدوده $[0 \leq k \leq 2\pi]$ می‌باشد، u, v ثابت‌هایی برای تعریف شکل کروی بوده و e مبنای لگاریتم طبیعی است. به روز کردن موقعیت‌های همه عوامل جستجو توسط معادله (۲۱) مطرح می‌شود:

$$\vec{P}_s = (\vec{D}_s \times x' \times y' \times z') + \vec{P} \quad (21)$$

الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته

جهت بهبود کیفیت الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی، ما از ترکیب الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی گسسته با روش جستجوی محلی، یک الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته^۱ برای حل مساله پیشنهادی ارائه می‌کنیم.

تطبيق الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته با مساله جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود با در نظر گرفتن رد کارها جمعیت اولیه

اندازه جمعیت الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته در هر تکرار ثابت است که به عنوان N_{pop} تعریف می‌شود. برای جمعیت اولیه، $N_{pop} - 1$ جواب به طور تصادفی بین (0,1) تولید می‌شود، در حالی که یک جواب دیگر توسط زودترین موعد تحویل^۲ ساخته می‌شود. با این استراتژی، می‌توان بر هر دو مشخصه کیفیت و تنوع تمرکز کرد. برای ساخت جواب توسط زودترین موعد تحویل، کارها براساس زودترین زمان تحویلشان اولویت بندی می‌گردند و برای ساخت $N_{pop} - 1$ جواب، برای هر کار یک عدد تصادفی بین ۰ و ۱ تولید می‌شود. برای تبدیل جوابهای پیوسته به کار جایگشتی گسسته، از قانون کوچکترین ارزش موقعیت^۳ استفاده می‌شود. برای مثال، نمایش جواب یک مساله با ۴ کار در جدول ۲ مشخص شده است. فرض کنید p یک جواب برداری از اعداد پیوسته بدست آمده در تکراری از الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی گسسته و q یک جواب جایگشتی گسسته می‌باشد.

جدول ۲. نمایش جواب مساله

کار			
۱	۲	۳	۴
۰/۳۲	۰/۲۵	۰/۶۸	۰/۴۶
۲	۱	۴	۳

1. Improved Sooty Tern Optimization Algorithm (ISTOA)

2. Earliest Due Date (EDD)

3. Smallest Position Value (SPV)

کوچکترین ارزش در p ، $0/25$ است که مربوط به کار دوم می‌باشد، بنابراین مطابق قانون کوچکترین ارزش موقعیت، کار دوم در اولین موقعیت q قرار می‌گیرد. دومین کوچکترین ارزش در p ، $0/32$ است که مربوط به کار اول می‌باشد، بنابراین کار اول در دومین موقعیت در q قرار می‌گیرد. به همین ترتیب، تمامی کارها در q به صورت جایگشتی جایگذاری می‌شوند. بنابراین توالی کارها $q = (2,1,4,3)$ است. واضح است جوابهایی با اینگونه نمایش جواب، بدون شک یک زمانبندی موجهی را برای مساله جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها مشخص می‌کند.

الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی گسسته

الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی به عنوان فرا ابتکاری الهام گرفته از زیست شناسی است که برای حل مسائل پیوسته پیشنهاد شده است. برای بکارگیری الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی برای حل مسائل زمانبندی، بایستی ساختار الگوریتم برای محیط گسسته تنظیم شود، بنابراین ما از قانون کوچکترین ارزش موقعیت جهت تبدیل عوامل جستجو^۱ به کار جایگشتی^۲ گسسته استفاده می‌کنیم. شایان ذکر است، که هیچ پیشینه‌ای وجود ندارد که الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی گسسته^۳ برای حل مسائل مربوط به زمانبندی مورد مطالعه قرار گرفته باشد. شبه کد الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی گسسته در شکل ۲ نشان داده شده است. شایان ذکر است موقعیت هر عوامل جستجو بوسیله معادله (۲۱) بهنگام می‌شوند و $max - iteration$ به عنوان بیشترین تعداد همسایگی جستجو شده برای هر جواب در هر تکرار الگوریتم پیشنهادی در زمان محاسباتی تعیین شده می‌باشد.

-
1. Search Agents
 2. Job Permutation
 3. Discrete Sooty Tern Optimization Algorithm (DSTOA)

پروسه الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی گسسته

۱. P_S را به عنوان جمعیتی از عوامل جستجو در نظر بگیرید.
۲. از قانون کوچکترین ارزش موقعیت (SPV) جهت تبدیل عوامل جستجو به کار جایگشتی گسسته استفاده کنید.
۳. تابع هدف هر کدام از عوامل جستجو را محاسبه کنید.
۴. P_{bc} را به عنوان بهترین جواب مشخص کنید.
۵. x را برابر ۱ قرار دهید.
۶. تا زمانی که $x < Max - iteration$
۷. برای i از ۱ تا $|P_S|$
۸. با استفاده از معادله (۲۱)، موقعیت $P_S(i)$ را بروز رسانی کنید.
۹. **پایان**
۱۰. پارامترهای A, B را بروز رسانی کنید.
۱۱. از قانون کوچکترین ارزش موقعیت (SPV) جهت تبدیل عوامل جستجو به کار جایگشتی گسسته استفاده کنید.
۱۲. تابع هدف هر کدام از عوامل جستجو را محاسبه کنید.
۱۳. اگر جواب بهتری نسبت به جواب بهینه قبلی کسب شده است، P_{bc} را بروز رسانی کنید.
۱۴. $x = x + 1$
۱۵. **پایان**
۱۶. بازگشت P_S

پایان

روش جستجوی محلی

ما از ترکیب ساده استراتژی تمرکز و تنوع برای ساخت یک روش جستجوی محلی پیشنهادی استفاده می‌کنیم. از ترکیب عملگرهای معکوس^۱ و تبادل^۲ در استراتژی تنوع استفاده می‌شود به طوری که α یک پارامتر کنترلی محسوب می‌شود. در استراتژی تمرکز، استراتژی ما بر این پایه است که کاری با بیشترین هزینه دیر کرد به عنوان مساله آورترین

-
1. Inversion Operator
 2. Swap (S)

کار انتخاب شده و با عملگر درج حریصانه^۱ دوباره زمانبندی می‌شود. به طور کلی ترکیب عملگرهای معکوس و تبادل در استراتژی تنوع و عملگر درج حریصانه در استراتژی تمرکز به عنوان اپراتورهای حرکتی در نظر گرفته می‌شوند. π را یک جواب تعریف کنید. شکل ۳ روش جستجوی محلی را نشان می‌دهد.

شکل ۳. فرآیند روش جستجوی محلی

پروسه روش جستجوی محلی	
۱.	π را یک جواب در نظر بگیرید
۲.	دو عدد تصادفی ای صحیح در بین دو عدد n و 1 تولید کرده سپس یکی را در S و دیگری را در e قرار دهید، به طوری که $e < S$ باشد
<i>استراتژی تنوع/</i>	
۳.	اگر α بزرگتر از عدد تصادفی ای در بازه 0 و 1 باشد، سپس با استفاده از S و e ، π را برابر اعمال عملگر تبادل بر روی π قرار دهید
۴.	در غیر اینصورت، π را برابر اعمال عملگر معکوس در بازه e تا S بر روی π قرار دهید
۵.	پایان
۶.	تابع هدف π و π را محاسبه کنید
۷.	اگر تابع هدف $\pi > \pi$ تابع هدف π
۸.	آنگاه π را برابر π قرار دهید.
۹.	پایان
<i>استراتژی تمرکز/</i>	
۱۰.	k را برابر صفر قرار دهید
۱۱.	تازمانی که $k < \pi + 1$
۱۲.	کاری با بیشترین هزینه دیرکرد را به عنوان مساله آورترین کار انتخاب کرده و از π خارج کرده و در بهترین موقعیت با کمترین تابع هدف گنجانده و حاصل را در π قرار دهید
۱۳.	اگر تابع هدف $\pi > \pi$ تابع هدف π
۱۴.	آنگاه π را در π قرار دهید.
۱۵.	پایان
۱۶.	$k = k + 1$
۱۷.	پایان
۱۸.	پایان
۱۹.	بازگشت π
پایان	

روند الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته

پس از توصیف جزئیات الگوریتم بیان شده در بخش‌های قبل، در این بخش روند کامل الگوریتم در شکل ۴ ارائه شده است.

پروسه الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته جدید

۱. ورودی: P_s
 ۲. خروجی: P_{bc}
//مقدار دهی پارامترها//
 ۳. پارامترهای $N_{pop}, Max - iteration, \alpha, A, B, f_c, u, v$ را مقداردهی کنید
//مقدار دهی جمعیت//
 ۴. $P_s = \{P_s(1), P_s(2), \dots, P_s(N_{pop})\}$ جواب به طور تصادفی تولید می‌شود، در حالی که یک جواب دیگر توسط
زودترین موعد تحویل ساخته می‌شود.
 ۵. تا زمانی که $t < t_{max}$
//فرآیند الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی گسسته//
 ۶. فرآیند الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی گسسته را برای P_s اجرا کنید
//فرآیند روش جستجوی محلی//
 ۷. برای Az تا N_{pop}
 ۸. $\pi = P_s(i)$
 ۹. روش جستجوی محلی را برای π اجرا کرده و در $P_s(i)$ قرار دهید
 ۱۰. پایان
 ۱۱. پایان
 ۱۲. تابع هدف عوامل جستجو در P_s را محاسبه کرده و بهترین را به عنوان P_{bc} در نظر بگیرید
 ۱۳. بازگشت P_{bc}
- پایان

نمایش جواب

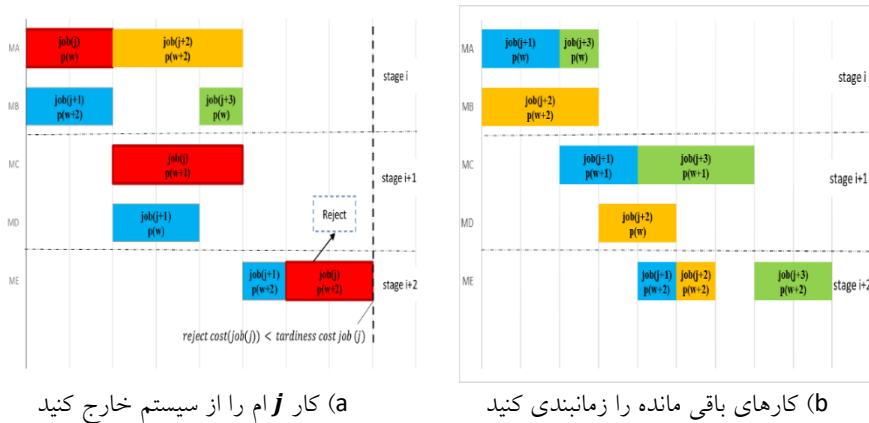
همانطور که در قسمت‌های قبل بیان شد هدف از مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین و در نظر گرفتن رد کارها، تصمیم‌گیری روی مجموعه کارهای پذیرفته شده و توالی آنها بر روی ماشین‌ها و کارگران است. بنابراین در روش رمزگذاری و رمزگشایی جواب در مساله بیان شده، می‌بایست هر سه تصمیم مزبور لحاظ شود. لذا ما در این مقاله یک نمایش جواب طراحی می‌کنیم. در ابتدا جواب براساس جایگشتی^۱ مطابق $\pi = \{\pi(1), \pi(2), \dots, \pi(n)\}$ نمایش داده شده و در هر تکرار g ، ساعت زمانبندی T_g را داریم. هر کار z یک اولویتی دارد که از عبارت

1. Permutation

$\{j : \pi(j) = j\} = pv_j$ بدست می آید. fs_j ، اولین ایستگاهی که کار j باید فرآیند بشود را نشان می دهد. لیست L_{AJ} ، مجموعه کارهای در دسترس در زمان T_g می باشد. AM_{il}^g ، زمان اتمام فرآیند روی ماشین M_{il} در تکرار g ام را نشان می دهد. AP_w^g ، زمان اتمام فرآیند به وسیله کارگر P_w در تکرار g ام را نشان می دهد. شبه کد روش رمزگشایی در شکل ۵ نشان داده شده است. قدم های اصلی روش رمزگشایی بیان شده به شرح زیر خلاصه می شود: در زمان زمانبندی T_g ، تمامی کارهای در دسترس که باید فرآیند بشوند را مشخص نمایید ($L_{AJ} := \{j | C_j^g \leq T_g\}$). انتخاب کارها جهت فرآیند شدن را مطابق اولویتهایشان در نظر بگیرید. ($j^* = Arg(\min_{j \in L_{AJ}}(pv_j))$). تمامی ماشین ها و کارگرها برای کارهای در دسترس مطابق با کمترین بار کاری در مرحله تولید تنظیم نمایید ($(l^*, w^*) = Arg(\min_{l \in m_{fs_{j^*}}, w \in p_{fs_{j^*}}} (\max(AM_{(fs_{j^*}, l)}^g, AP_w^g) + p_{(j^*, fs_{j^*}, w^*)}))$) به طوری که آن عبارت تضمین می کند که در یک زمان واحد یک کار می تواند تنها توسط یک ماشین پردازش شود و یک ماشین می تواند تنها توسط یک کارگر اجرایی شود. کارها باید بر روی m مرحله تولید ($LS_j := \{M | j \in \pi\}$) و $LS_{j^*} := \min\{LS_j\}$ زمانبندی شود. هنگامی که $M_{(fs_{j^*}, l^*)}$ و P_{w^*} کار j^* را جهت فرآیند شدن در بر می گیرد، زمان تکمیل کار j^* در تکرار g ام مطابق $AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^{g+1} := C_{j^*}^{g+1}$ ، زمان تکمیل عملیات بر روی M_{il} مطابق $\max(AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^g, AP_{w^*}^g, T_g) + p_{(j^*, fs_{j^*}, w^*)}$ و $AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^{g+1}$ و زمان تکمیل عملیات به وسیله کارگر w^* مطابق $C_{j^*}^{g+1} := AP_{w^*}^{g+1}$ را ثبت نماید به طوری که آن عبارت تضمین می کند که در یک زمان واحد یک ماشین می تواند تنها یک کار را پردازش کند و هر کارگر می تواند تنها یک ماشین را اجرایی کند، همانطور که $LS_{j^*} := LS_{j^*} - \{fs_{j^*}\}$ می باشد. اگر کاری مرحله تولید اول را شرع نکرده باشد، سپس T_g مطابق با $\min_{l \in m_1} (AM_{1l}^{g+1})$ و در سایر موارد مطابق با $\min_{j \in \hat{\pi}} (C_j^{g+1})$ بروز T_g رسانی می شود. مطابق شکل ۶ تصمیم گیری به رد کارها مطابق رابطه $\hat{\pi} = \{j^* | reject\ cost(job\ j^*) < tardiness\ cost\ job\ j^*\}$ صورت می پذیرد به طوری که آن عبارت تضمین کننده رد کارها می باشد و پس از خارج کردن آن کارها از سیستم، زمان بندی مجدد برای کارهای باقی مانده صورت می گیرد.

	پروسه
	ورودی: جواب π
	خروجی: هزینه خالص کل
۱.	قرار دهید $g := 1, T_g := 0, iter := 1$; برای هر $j \in \pi$ ، $pv_j := \{j : \pi(j) = j\}$ ؛ $C_j^g := \{0 j \in LS_j := \{M j \in \pi\}\}$ ؛ $AM_{ll}^g := \{0 i \in P, l \in m_i\}$ ؛ $AP_w^g := \{0 w \in P\}$ ؛ $\hat{\pi} := \emptyset$ ؛ $\hat{\pi} := \pi$ ؛ $L AJ := \emptyset$ ؛ $AM_{ll}^g := \{0 i \in P, l \in m_i\}$ ؛ $AP_w^g := \{0 w \in P\}$ ؛ π
۲.	تا زمانی که $iter = 1$
۳.	برای هر کار $j \in \hat{\pi}$ ؛ $fs_j := \min\{LS_j\}$
۴.	برای هر کار $j \in \hat{\pi}$ ؛ $j \in C_j^g \leq T_g$
۵.	$j^* = Arg(\min_{j \in LAJ}(pv_j))$
۶.	$(l^*, w^*) = Arg(\min_{l \in m_{fs_{j^*}}, w \in P_{fs_{j^*}}}(\max(AM_{(fs_{j^*}, l)}^g, AP_w^g) + p_{(j^*, fs_{j^*}, w)}))$
۷.	کار j^* ماشین l^* و کارگر w^* با کمترین زمان بارکاری تخصیص دهید.
۸.	$AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^{g+1} := \max(AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^g, AP_w^g, T_g) + p_{(j^*, fs_{j^*}, w^*)}$
۹.	$C_{j^*}^{g+1} := AM_{(fs_{j^*}, l^*)}^{g+1}$
۱۰.	$AP_w^{g+1} := C_{j^*}^{g+1}$
۱۱.	$LS_{j^*} := LS_{j^*} - \{fs_{j^*}\}$
۱۲.	$g := g + 1$
۱۳.	اگر $LS_{j^*} = \emptyset$
۱۴.	$\hat{\pi} := \hat{\pi} - \{j^*\}$
۱۵.	پایان
۱۶.	اگر هزینه دیرکرد کار $j^* <$ هزینه رد کار j^*
۱۷.	$\hat{\pi} := \pi$
۱۸.	$\hat{\pi} := \hat{\pi} + \{j^*\}$
۱۹.	$\hat{\pi} := \hat{\pi} - \{j^*\}$
۲۰.	قرار دهید $g := 1$ ؛ $LS_j := \{M j \in \pi\}$ ؛ $C_j^g := \{0 j \in \pi\}$ ؛ $AM_{ll}^g := \{0 i \in P, l \in m_i\}$ ؛ $AP_w^g := \{0 w \in P\}$ ؛ $L AJ := \emptyset$ ؛ m_i
۲۱.	پایان
۲۲.	اگر $ \hat{\pi} = \emptyset$
۲۳.	$iter := 2$
۲۴.	در غیر اینصورت
۲۵.	اگر $\min_{j \in \hat{\pi}}(fs_j) = 1$
۲۶.	$T_g := \min_{l \in m_1}(AM_{ll}^{g+1})$
۲۷.	در غیر اینصورت
۲۸.	$T_g := \min_{j \in \hat{\pi}}(C_j^{g+1})$
۲۹.	پایان
۳۰.	پایان
۳۱.	پایان
۳۲.	هزینه خالص کل را مطابق $\sum_{a \in \pi} tardiness\ cost\ job\ a + \sum_{b \in \hat{\pi}} reject\ cost\ job\ b$ محاسبه کنید
	پایان

شکل ۶. تصمیم‌گیری به رد کارها و زمانبندی مجدد به کارهای باقی مانده

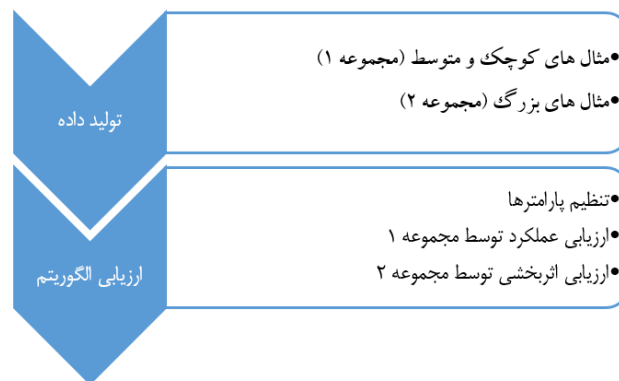


یافته‌های پژوهش

در این بخش عملکرد الگوریتم پیشنهادی ارزیابی می‌شود. ما از پنج الگوریتم فرا ابتکاری موجود در ادبیات تحقیق شامل، سیستم ایمنی بدن مصنوعی مبتنی بر ایمونوگلوبولین^۱ (چانگ و لیائو^۲، ۲۰۱۳)، الگوریتم ژنتیک^۳ (محسن و ایرج^۴، ۲۰۱۴)، کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته^۵ (پان و همکاران^۶، ۲۰۱۴)، بهینه‌سازی توسعه یافته کرم میوه^۷ (پان و همکاران^۸، ۲۰۱۷) و بهینه‌سازی موثر اصلاح شده پرندگان مهاجر^۹ (زانگ و همکاران^{۱۰}، ۲۰۱۷) که برای مسائل زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی، اثربخشی قابل قبولی را نشان داده‌اند جهت ارزیابی و مقایسه الگوریتم پیشنهادی استفاده می‌کنیم. پنج الگوریتم مزبور از جهت رمزگذاری، رمزگشایی جواب‌ها و ارزیابی تابع هدف با مساله پیشنهادی تطبیق داده می‌شود تا مقایسه صورت پذیرد.

1. Immunoglobulin-based Artificial Immune System (IAIS)
2. Chung & Liao
3. Genetic Algorithm (GA)
4. Mohsen & Iraj
5. Discrete Artificial Bee Colony (DABC)
6. Pan et al.
7. Improved Fruit Fly Optimization (IFFO)
8. Pan et al.
9. Effective Modified Migrating Birds Optimization (EMBO)
10. Zhang et al.

شایان ذکر است مدل‌های ریاضی توسط نرم‌افزار GAMS 24.1.2 و الگوریتم‌های آزمایش شده توسط نرم‌افزار MATLAB 2012 کدگذاری شده و آزمایش‌ها روی سیستمی با پردازنده Core i7 @ 2.8 GHz و با حافظه 16.0 GB انجام می‌شود. شکل ۷ کلیه مراحل ارزیابی آزمایش‌ها را نشان می‌دهد. شکل ۷. مراحل ارزیابی آزمایش‌ها



نحوه تولید داده‌ها

هیچگونه محکی در مسائل زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها وجود ندارد، بنابراین برای امتحان از کارایی و اثربخشی الگوریتم‌های بیان شده، دو مجموعه از مثال‌های آزمایشی، مجموعه اول شامل ۵ مثال تصادفی تولید شده برای ترکیبی از $n=\{4,6,8,10\}$ و $m=\{2,5\}$ در دسته مثال‌های سائز کوچک و متوسط (در مجموع ۴۰ مثال)، مجموعه دوم شامل ۱۰ مثال تصادفی تولید شده برای ترکیبی از $n=\{15,20,25\}$ و $m=\{10,15\}$ در دسته مثال‌های سائز بزرگ (در مجموع ۶۰ مثال) و تعداد ماشین‌ها در هر ایستگاه به طور تصادفی بین بازه [1,3] مشابه تحقیق (زوحلی و همکاران^۱، ۲۰۱۹) استفاده می‌شود. ساختار تولید داده برای زمان تحویل (d_j) ، هزینه رد کار (f_j) و زمان پردازش هر کار بر روی هر ایستگاه توسط کارگر (p_{jiw}) ، مشابه تحقیق (ژیاو و همکاران^۲، ۲۰۱۵) (موضوع رد کار در محیط جریان کارگاهی) در نظر گرفته شده که به ترتیب به صورت تصادفی در بازه

1. Zohali et al.

2. Xiao et al.

، [500] و [1،100] تولید می‌شود. همچنین با توجه به محیط جریان کارگاهی ترکیبی، بازه تولید هزینه دیرکرد (ft_j) نسبت به ساختار استفاده شده در تحقیق مشابه ([0.5,1.5])، بزرگتر در نظر گرفته شده که به صورت تصادفی بین بازه ، تولید می‌شود. تعداد کارگرها و تعداد مهارت‌های هر کارگر به طور تصادفی بین [1,3] می‌باشد.

ارزیابی الگوریتم

این بخش به صورت عددی، عملکرد الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته پیشنهادی را در مقابل ۵ الگوریتم شناخته شده در ادبیات تحقیق که در بخش قبل ذکر شد، مورد ارزیابی قرار می‌دهد. به منظور ارزیابی الگوریتم‌ها، ما از مکانیزم رمزگذاری، رمزگشایی و تابع هدف ذکر شده در بخش‌های قبل استفاده کرده ایم. در ابتدا، تنظیم پارامترهای الگوریتم پیشنهادی صورت گرفته، سپس عملکرد کلی فراابتکاری‌های آزمایش شده را در برابر جواب بهینه مدل مورد ارزیابی قرار می‌دهیم. در نهایت، الگوریتم پیشنهادی با ۵ الگوریتم ذکر شده مقایسه می‌شود. شرط توقف بر اساس زمان و برابر با زمان محاسباتی مورد نیاز تعیین شده است که با توجه به ابعاد هر مسئله به صورت $3 \times n \times m$ تعیین خواهد شد. ما از درصد انحراف نسبی^۱ به عنوان معیار اندازه گیری عملکرد استفاده می‌کنیم که به صورت زیر محاسبه می‌شود.

(۲۲)

در این رابطه F جواب مربوط به الگوریتم مشخص در یک مثال مشخص و F^* بهترین جواب موجود بین الگوریتم‌ها یا جواب بهینه در آن مثال می‌باشد.

تنظیم پارامترها

عملکرد الگوریتم‌های فراابتکاری به میزان قابل توجهی تحت تاثیر تنظیم پارامترهایشان قرار دارند. برای تنظیم پارامترهای الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته از

1. Relative Percentage Deviation (RPD)

روش تاگوچی (مونتگومری^۱، ۲۰۰۵) استفاده می‌شود. رویکرد تاگوچی از سنجش نسبت سیگنال به نویز (S/N) به شکل زیر استفاده می‌کند:

(۲۳)

الگوریتم پیشنهادی دارای چهار پارامتر کلیدی است و هر کدام از آن‌ها چهار سطح هستند که در جدول ۳ ذکر شده اند.

جدول ۳. سطوح پارامترها برای الگوریتم بهینه سازی استوایی دریایی بهبود یافته

سطح پارامتر				پارامترها
۴	۳	۲	۱	
۳۰	۲۵	۲۰	۱۵	
۸	۴	۲	۱	Max-iteration
۰/۹۵	۰/۸	۰/۵	۰/۲	α
۴	۳	۲	۱	

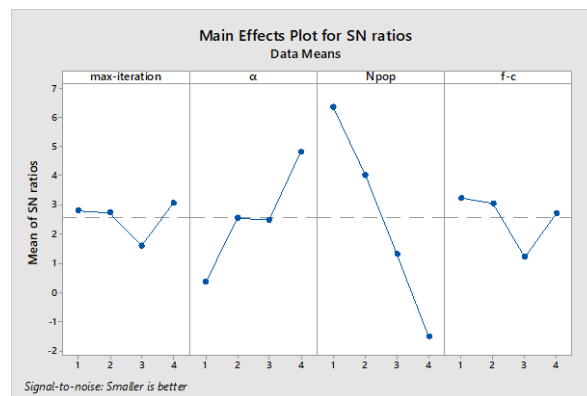
تعداد ۱۶ ترکیب پارامترها (آرایه متعامد ۱۶ سطری L_{16}) برای تعیین بهترین ترکیب پارامتر استفاده می‌شود. برای هر ترکیب پارامتر، الگوریتم ۱۰ بار مستقل اجرا شده و میانگین مقدار درصد انحراف نسبی از ۱۰ اجرا برای متغیر پاسخ^۲ مورد استفاده قرار می‌گیرد. روش تاگوچی بر روی مسئله مجموعه ۲، انجام می‌شود. سطح با بالاترین نسبت S/N بین همه سطوح مربوطه، به عنوان بهترین سطح انتخاب می‌شوند. شکل ۸ سطوح مختلف پارامترها را نشان می‌دهد. همانطور که مشخص است، N_{pop} مهمترین پارامتر عملکرد الگوریتم می‌باشد. ترکیب مورد نظر از مقادیر پارامتر برای الگوریتم ارائه شده به شرح جدول ۴ است:

-
1. Montgomery
 2. Means responses

جدول ۴. ترکیب مورد نظر از مقادیر پارامتر

مقدار	پارامترها
۱۵	N_{pop}
۸	Max-iteration
۰/۹۵	α
۱	f_c

شکل ۸. نسبت سیگنال به نویز برای سطوح پارامترها



مثال با اندازه کوچک و متوسط

این بخش به ارزیابی الگوریتم‌های تست شده برای عملکرد مثال‌های سایز کوچک و متوسط می‌پردازد. به منظور انجام این کار، ما از ۳۰ مثال از مجموعه ۱ که به صورت بهینه توسط مدل ریاضی پیشنهادی در محدوده زمانی ۳۶۰۰ ثانیه حل می‌شود، استفاده کرده ایم، به طوری که مدل مربوطه در دیگر مثال‌ها (۳۱ تا ۴۰) در زمان تعیین شده قادر به حل نمی‌باشد. جدول ۵ نتایج مدل ریاضی را بر روی مثال‌های مجموعه ۱ نشان می‌دهد، ستون "زمان" میانگین زمان سپری شده برای حل بهینه مثال و ستون "شکاف" شکاف نسبی گزارش شده توسط GAMS پس از زمان محاسباتی ۳۶۰۰ ثانیه را نشان می‌دهد.

مثال	n	m	زمان (ثانیه)	شکاف (درصد)	مثال	n	m	زمان (ثانیه)	شکاف (درصد)
۱			۵/۴	۰	۶			۴/۸	۰
۲			۹	۰	۷			۹/۱	۰
۳	۴	۲	۹/۲	۰	۸	۴	۵	۱۱/۴	۰
۴			۵/۲	۰	۹			۷/۹	۰
۵			۱۰/۴	۰	۱۰			۸/۸	۰
۱۱			۲۳/۴	۰	۱۶			۱۰۱/۵	۰
۱۲			۳۹/۷	۰	۱۷			۴۱	۰
۱۳	۶	۲	۷۵/۶	۰	۱۸	۶	۵	۶۷/۷	۰
۱۴			۲۷/۲	۰	۱۹			۳۰/۵	۰
۱۵			۴۴/۵	۰	۲۰			۸۴/۶	۰
۲۱			۷۳۳/۴	۰	۲۶			۴۹۸/۲	۰
۲۲			۳۱۴۴/۹	۰	۲۷			۳۰۸۶	۰
۲۳	۸	۲	۱۰۰/۶	۰	۲۸	۸	۵	۲۲۳۲	۰
۲۴			۱۰۸۶/۷	۰	۲۹			۱۷۵۱	۰
۲۵			۴۰/۷	۰	۳۰			۲۸۴۹	۰
۳۱			۳۶۰۰	۱۳/۲	۳۶			۴۲/۴	۳۶۰۰
۳۲			۳۶۰۰	۹/۵	۳۷			۲۰/۲	۳۶۰۰
۳۳	۱۰	۲	۳۶۰۰	۲۵/۶	۳۸	۱۰	۵	۳۴/۵	۳۶۰۰
۳۴			۳۶۰۰	۱۸/۴	۳۹			۲۷/۳	۳۶۰۰
۳۵			۳۶۰۰	۲۹/۲	۴۰			۱۱/۵	۳۶۰۰

پراکنندگی قابل توجهی در زمان سپری شده برای حل دقیق مسائل مجموعه ۱ مشاهده می‌گردد به نحوی که این زمان بین ۴/۸ و ۳۱۴۴/۹ ثانیه متغیر بوده است. همانطوری که سائز مساله افزایش پیدا می‌کند، نرم افزار حل دقیق GAMS قادر به پیدا کردن جواب بهینه مساله در یک زمان منطقی نمی‌باشد. لذا سائزهای بزرگ مساله شامل ۱۰ کار و ۱۰ مرحله تولید می‌باشد.

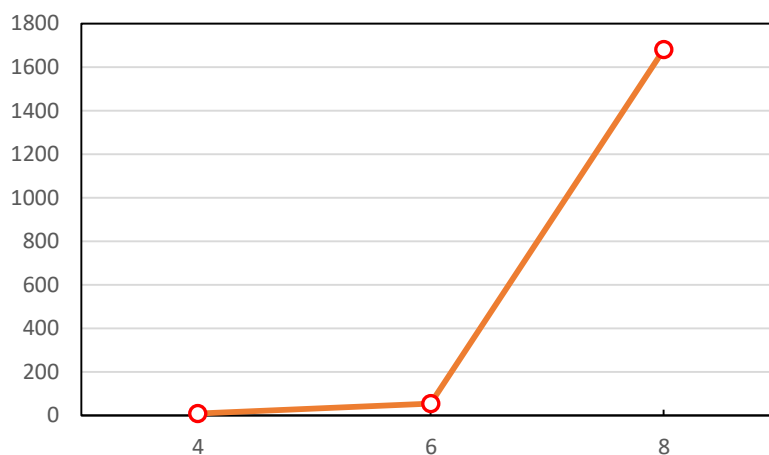
تحلیل مدل

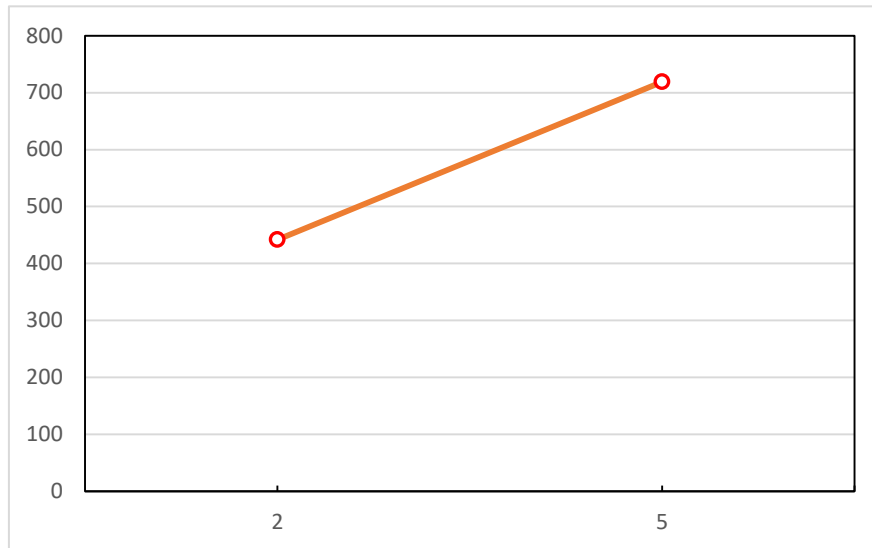
در این بخش، حساسیت مدل ریاضی پیشنهادی نسبت به پارامترهای تعداد کارها (n) و تعداد ماشین‌ها (m) مورد بررسی قرار می‌گیرد. بدین منظور، اندازه فضای جواب مدل پیشنهادی مطابق عبارت زیر محاسبه می‌شود:

$$|M \text{ el}| = \prod_{i=1}^m (\quad) (\quad) \quad (24)$$

شکل‌های ۹ و ۱۰ مقادیر میانگین زمان سپری شده برای حل بهینه مسائل در سائزهای مختلف به ترتیب مربوط به تعداد کارها و تعداد ماشین‌ها را نشان می‌دهد. با افزایش مقادیر پارامتری تعداد کار، زمان اجرا به صورت نمایی افزایش می‌یابد که پیچیدگی بالای مساله مورد نظر مشخص است.

شکل ۹. میانگین زمان سپری شده با افزایش تعداد کارها





در این مرحله نتایج الگوریتم‌های سیستم ایمنی بدن مصنوعی مبتنی بر ایمونوگلوبولین (IAIS)، الگوریتم ژنتیک (GA)، کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته (DABC)، بهینه سازی توسعه یافته کرم میوه (IFFO)، بهینه سازی موثر اصلاح شده پرندگان مهاجر (EMBO) و الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته (ISTOA) با نتایج بهینه حاصل از مدل ریاضی مقایسه می‌شود. جدول ۶ متوسط شکاف بهینگی الگوریتم‌های تست شده در هر مساله را نشان می‌دهد.

جدول ۶. مقایسه بین جواب بهینه و جواب الگوریتم‌ها

میانگین درصد انحراف نسبی						m	n
ISTOA	EMBO	GA	IFFO	IAIS	DABC		
۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۲	۴
۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۵	
۰/۰۰	۰/۰۱	۰/۰۶	۰/۰۲	۰/۰۴	۰/۰۳	۲	۶
۰/۰۶	۰/۱۸	۰/۰۴	۰/۰۱	۰/۰۱	۲/۱۳	۵	
۰/۰۴	۰/۱۲	۰/۰۶	۰/۲۳	۰/۶۸	۱/۶۰	۲	۸
۰/۰۹	۰/۴۸	۰/۹۰	۱/۰۲	۰/۸۸	۰/۷۴	۵	
۰/۰۳	۰/۱۳	۰/۱۷	۰/۲۱	۰/۲۶	۰/۷۴	میانگین	

الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته، ۲۶ مثال حدود ۹۰ درصد را به صورت بهینه حل می کند و منجر به شکاف بهینگی ۰/۰۳ درصد در این مثال‌های کوچک می شود. الگوریتم‌های دیگر، بین ۲۰ تا ۲۱ مثال را به صورت بهینه حل می کند. با توجه به شکاف بهینگی در این نمونه‌های کوچک، همه الگوریتم‌های تست شده در شکاف بهینگی کمتر از ۱ درصد قابل قبول می باشند.

مثال‌های بزرگ

همانطور که در جدول ۶ نشان داده شد، هیچ تفاوت معنی داری بین الگوریتم‌ها به منظور حل مثال‌های کوچک و متوسط وجود ندارد. در ادامه، مجموعه ۲ شامل ۶۰ مثال بزرگ توسط الگوریتم‌ها به منظور ارزیابی جامع عملکرد، حل می شود. هر مثال ۵ مرتبه توسط هر الگوریتم حل می شود. جدول ۷ نتایج متوسط، بهترین و بدترین درصد انحراف نسبی، الگوریتم‌ها را در مثال‌های مختلف نشان می دهد. از نظر میانگین درصد انحراف نسبی، الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته با درصد انحراف نسبی ۰/۸۹ درصد بهترین است. الگوریتم توسعه یافته کرم میوه، الگوریتم کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته و الگوریتم ژنتیک به ترتیب با ۳/۹۲، ۴/۴۷ و ۴/۸۸ درصد در رتبه‌های بعدی قرار دارند. بدترین عملکرد مربوط به الگوریتم سیستم ایمنی بدن مصنوعی مبتنی بر

ایمونوگلوبولین با درصد انحراف نسبی ۶/۹۶ درصد می‌باشد. در رابطه با بهترین و بدترین درصد انحراف نسبی، الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته دوباره در رتبه اول قرار دارد و این مساله نشان دهنده عملکرد قوی الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته است. شکل ۱۱ نمودار همگرایی (تابع هدف) بدست آمده از الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته برای اندازه مساله ۲۵ کار و ۱۵ ماشین را نشان می‌دهد.

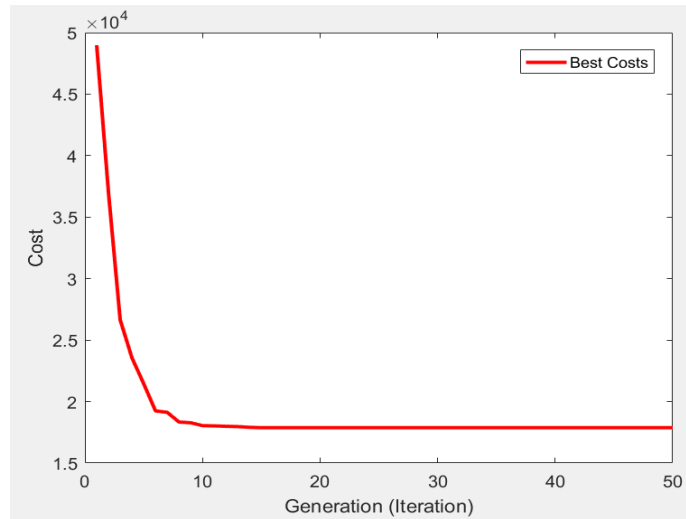
برای ارزیابی عملکرد آماری، نتایج ستون "متوسط" استفاده می‌شود. نتایج نشان دهنده تفاوت آماری معنی دار میان عملکرد الگوریتم‌های تست شده با p-value صفر می‌باشد. به منظور مقایسه دقیق تر عملکرد، شکل ۱۲، درصد انحراف نسبی و تست حداقل تفاوت معنی دار^۱ را نشان می‌دهد. الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته به لحاظ آماری عملکرد بهتری نسبت به ۵ الگوریتم دیگر دارد. الگوریتم کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته و الگوریتم توسعه یافته کرم میوه دارای عملکرد مشابهی بوده و عملکرد آن‌ها بهتر از سه الگوریتم دیگر است. شکل ۱۳ و ۱۴ نیز نشان دهنده میانگین درصد انحراف نسبی الگوریتم‌ها به ترتیب مربوط به n و m می‌باشد. همانطور که مشهود است، الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته در همه ابعاد مساله قابل اطمینان است. عملکرد خوب الگوریتم بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته از رفتارهای مربوط به مهاجرت و حمله پرنده استوایی دریایی و همچنین ویژگی‌های مربوط به روش جستجوی محلی، تعادل مناسب بین جستجوی عمومی فضای جواب^۲ و تمرکز^۳ حاصل می‌گردد.

1. Least Significant Difference (LSD)
 2. Exploration
 3. Intensification

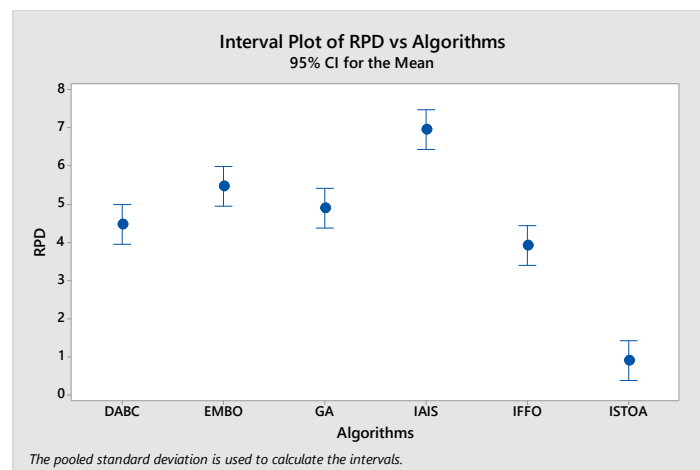
جدول ۷. درصد انحراف نسبی بدست آمده توسط الگوریتم‌ها

درصد انحراف نسبی									m	n
بدترین			میانگین			بهترین				
IFFO	IAIS	DABC	IFFO	IAIS	DABC	IFFO	IAIS	DABC		
۷/۹۸	۱۰/۷۰	۷/۵۹	۳/۲۰	۴/۲۲	۳/۰۳	+۰/۹۵	+۰/۲۳	۱/۰۷	۱۵	
۴/۶۴	۹/۵۳	۵/۹۶	۳/۱۲	۵/۱۲	۲/۸۶	+۰/۲۵	۲/۶۸	+۰/۱۳	۱۰	
۵/۱۵	۱۱/۵۱	۵/۸۶	۳/۲۱	۶/۶۶	۴/۰۳	+۰/۷۷	۳/۲۰	+۰/۹۶	۲۵	
۵/۷۱	۱۱/۱۵	۶/۸۰	۳/۲۰	۷/۶۷	۳/۰۸	+۰/۱۴	۳/۷۶	+۰/۱۲	۱۵	
۱۰/۵۸	۱۵/۷۶	۱۲/۱۲	۴/۲۹	۸/۴۰	۵/۳۱	+۰/۲۵	+۰/۳۳	+۰/۲۱	۱۵	
۱۱/۵۷	۱۸/۴۴	۱۱/۷۲	۶/۵۱	۹/۶۹	۸/۵۱	+۰/۳۱	+۰/۳۳	+۰/۰۸	۲۵	
۷/۶۰	۱۲/۸۴	۸/۳۴	۳/۹۲	۶/۹۶	۴/۴۷	+۰/۴۴	۱/۷۵	+۰/۴۳	میانگین	
ISTOA	EMBO	GA	ISTOA	EMBO	GA	ISTOA	EMBO	GA		
۱/۰۳	۶/۶۷	۸/۸۴	+۰/۶۱	۴/۲۰	۴/۰۸	+۰/۰۷	+۰/۷۲	+۰/۷۷	۱۵	
۱/۶۸	۶/۳۳	۶/۷۴	+۰/۸۶	۴/۳۲	۳/۹۲	+۰/۲۴	+۰/۵۶	+۰/۷۸	۱۰	
۱/۶۴	۶/۵۶	۶/۰۵	+۰/۹۸	۵/۱۳	۴/۳۱	+۰/۲۸	۱/۱۱	۱/۳۳	۲۵	
+۰/۷۸	۷/۹۹	۸/۸۶	+۰/۵۵	۴/۲۲	۴/۰۳	+۰/۲۱	+۰/۳۴	+۰/۳۰	۱۵	
۱/۴۷	۱۰/۸۰	۱۲/۰۲	+۰/۹۰	۵/۴۲	۵/۳۷	+۰/۲۴	+۰/۴۲	+۰/۵۰	۱۵	
۲/۹۴	۱۴/۳۶	۱۳/۷۲	۱/۴۶	۹/۵۳	۷/۶۲	+۰/۰۹	+۰/۴۸	+۰/۶۸	۲۵	
۱/۶۰	۸/۷۸	۹/۳۷	+۰/۸۹	۵/۴۷	۴/۸۸	+۰/۱۸	+۰/۶۰	+۰/۷۲	میانگین	

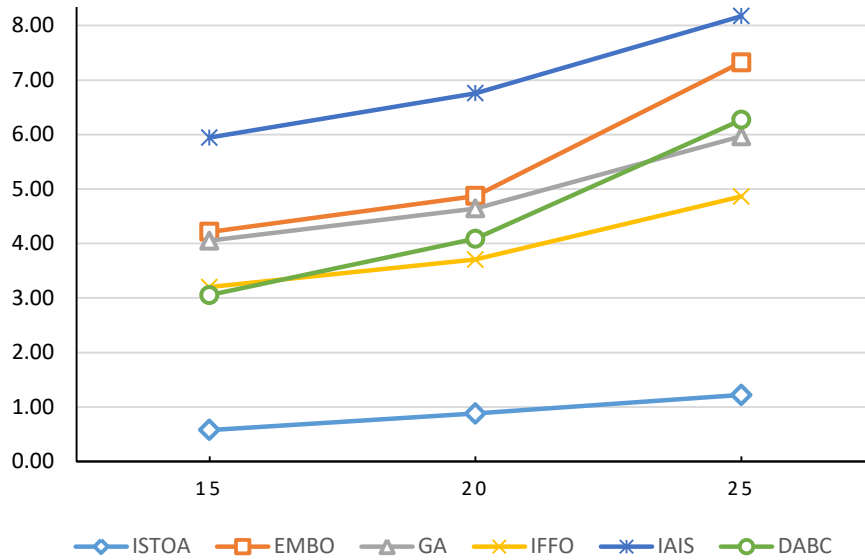
شکل ۱۱. نمودار همگرایی بدست آمده از بهینه سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته برای اندازه مساله ۲۵ کار و ۱۵ ماشین



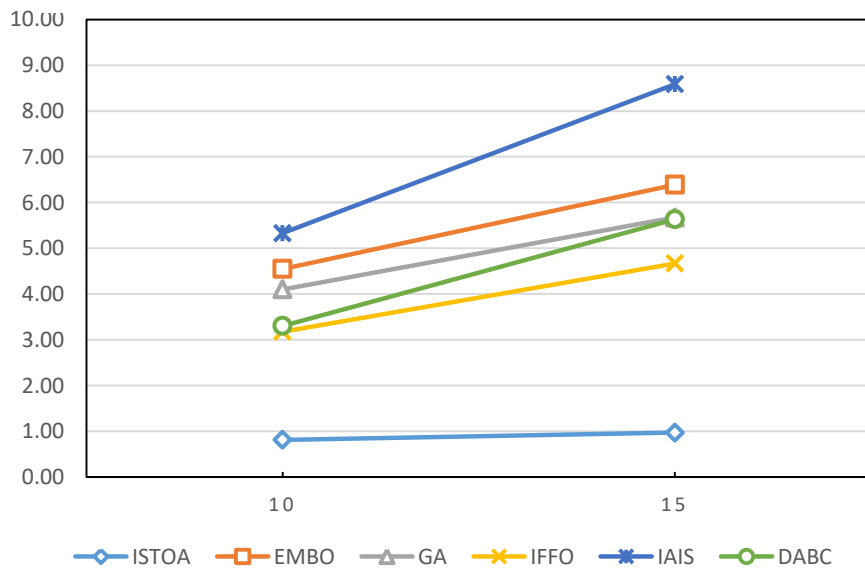
شکل ۱۲. میانگین درصد انحراف نسبی و فاصله درصد انحراف نسبی و تست حداقل تفاوت معنی دار برای الگوریتم‌ها



شکل ۱۳. میانگین درصد انحراف نسبی الگوریتم‌ها مربوط به تعداد کارها



شکل ۱۴. میانگین درصد انحراف نسبی الگوریتم‌ها مربوط به تعداد مرحله تولید



نتیجه‌گیری و پژوهش‌های آینده

در این مقاله، به مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها با هدف حداقل سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) پرداخته شد که در هیچ پژوهشی مورد بررسی قرار نگرفته است. این موضوع در تولیدات دنیای واقعی عموماً دیده می‌شود و کاربرد و عملیاتی بودن گسترده در بسیاری مسائل صنعتی دارد. در این مقاله، یک مدل ریاضی خطی عدد صحیح ترکیبی برای مساله ارائه شده است. سپس، یک الگوریتم بهینه‌سازی پرنده استوایی دریایی بهبود یافته و یک روش نمایش جواب از دیدگاه رمزگذاری و رمزگشایی پیشنهادی ارائه شد.

به منظور ارزیابی عملکرد الگوریتم، دو مجموعه مثال‌های آزمایشی تولید شد. مثال‌های مجموعه اول (سایز کوچک و متوسط) توسط مدل ریاضی پیشنهادی حل شد. نتایج نشان داد که مدل پیشنهادی می‌تواند راه حل بهینه‌ای را برای اکثر مثال‌ها با زمان محاسبات منطقی بیابد.

به منظور ارزیابی الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهادی، ۵ الگوریتم شناخته شده در ادبیات تحقیق (سیستم ایمنی بدن مصنوعی مبتنی بر ایمونوگلوبولین، الگوریتم ژنتیک، کلونی زنبور عسل مصنوعی گسسته، بهینه‌سازی توسعه یافته کرم میوه و بهینه‌سازی موثر اصلاح شده پرندگان مهاجر) را با مساله پیشنهادی تطبیق داده و عملکرد الگوریتم بهینه‌سازی پیشنهادی در برابر الگوریتم‌های تطبیق یافته بر روی هر دو مجموعه مثال‌ها (سایز کوچک و متوسط و سایز بزرگ) مقایسه شد. در مثال‌های کوچک، آزمایشات نشان داد که الگوریتم‌های مزبور معمولاً بسیار موثرند. با این حال، در مثال‌های بزرگ، نتایج محاسبات نشان داد که الگوریتم پیشنهادی عملکرد بسیار بهتری نسبت به الگوریتم‌های تطبیق یافته دارند.

از جمله یافته‌های مدیریتی این تحقیق می‌توان به این نکته اشاره نمود که در هنگام مواجه شدن بنگاه‌های اقتصادی با محیط تولیدی جریان کارگاهی ترکیبی با محدودیت ماشین آلات، محدودیت نیروی انسانی و افزایش هزینه حقوق و دستمزد و تلاش برای استفاده بهتر از نیروی کار، با مدنظر قرار دادن شرایطی از جمله: رد کارها از منظر هزینه فرصت‌ها و هزینه مدیریت؛ زمانبندی کارهای پذیرفته شده؛ تخصیص ماشین و تخصیص

کارگر به طور مشترک، به حداقل سازی هزینه خالص کل (مجموع کل هزینه‌های رد کارها و هزینه‌های دیرکرد کارها) می‌انجامد. از دیدگاه مدیریتی، این مقاله یک ابزار برنامه ریزی (روش حل و مدل) را برای کاهش هزینه خالص برای شرکت‌های با محیط جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین و در نظر گرفتن رد کارها ارائه می‌کند. برای شرکت‌های کوچک با کمتر از ۱۰ کار، مدل ریاضیاتی و نرم افزار بهینه سازی، ابزارهای برنامه ریزی قابل اطمینانی هستند (جدول ۶). با این حال، این ابزارها چندان موثر نیستند. بنابراین، شرکت‌های بزرگ نیازمند تکنیک‌های راه حل مناسب تری هستند. روش پیشنهادی ما، جوابی را ارائه داده که هزینه خالص کل را در مقایسه با روش‌های تطبیق یافته در حالت متوسط تا ۳ درصد کاهش می‌دهد (جدول ۷) و در بدترین سناریو، جوابی را ارائه داده که ۶ درصد بهتر از روش‌های تطبیق یافته می‌باشد. این مساله نشان می‌دهد که روش پیشنهادی نیز در بدترین حالت، قوی است، چون شکاف بین روش پیشنهادی و روش‌های تطبیق یافته در بدترین حالت (۶ درصد) از متوسط (۳ درصد) بیشتر است.

شرکت‌های تولیدی توجه بسیار زیادی به مصرف انرژی و تولید پاک دارند. بنابراین مساله چند هدفه زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها که به طور همزمان به کمینه سازی مصرف انرژی و هزینه خالص کل می‌پردازد، می‌تواند یک موضوع مناسب برای تحقیقات آتی باشد. با انجام تحقیقات آتی، می‌توان به دیگر ویژگی‌های خاص مساله زمانبندی جریان کارگاهی ترکیبی با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین با در نظر گرفتن رد کارها و طراحی الگوریتم‌های موثر برای آن دست یافت.

تعارض منافع

نویسندگان هیچگونه تعارض منافع برای اعلام ندارند.

Orcid

Mohamadreza  <https://orcid.org/0000-0003-4050-6674>

Dabiri Mehdi  <https://orcid.org/0000-0002-4357-5387>

Yazdani *Bahman  <https://orcid.org/0000-0002-6026-9074>

Naderi

منابع

یزدانی، مهدی؛ زندیه، مصطفی؛ توکلی مقدم؛ رضا (۱۳۹۳). «یک الگوریتم فرا ابتکاری ترکیبی برای مسئله زمانبندی کار کارگاهی منعطف با منابع دوگانه محدود انسان و ماشین». فصلنامه مطالعات مدیریت صنعتی، ۱۲(۳۳)، ۷۴-۴۳.

Asgari, T. M., & Zandieh, M. (2014). *A cloud-based simulated annealing algorithm for order acceptance problem with weighted tardiness penalties in permutation flow shop scheduling*. Journal of industrial engineering and management studies (JIEMS), 1(1): 1-19.

Andrade-Pineda, J. L., Canca, D., Gonzalez-R, P. L., & Calle, M. Scheduling a dual-resource flexible job shop with makespan and due date-related criteria. *Annals of Operations Research*, 1-31.

Bartal, Y., Leonardi, S., Marchetti-Spaccamela, A., Sgall, J., & Stougie, L. (2000). *Multiprocessor scheduling with rejection*. *SIAM Journal on Discrete Mathematics*, 13(1), 64-78.

Cordone, R., & Hosteins, P. (2019). *A bi-objective model for the single-machine scheduling problem with rejection cost and total tardiness minimization*. *Computers & Operations Research*, 102, 130-140.

Dabiri, M., Darestani, S. A., & Naderi, B. (2019). *Multi-machine flow shop scheduling problems with rejection using genetic algorithm*. *International Journal of Services and Operations Management*, 32(2), 158-172.

Dudek, R. A., Panwalkar, S. S., & Smith, M. L. (1992). *The lessons of flowshop scheduling research*. *Operations Research*, 40(1), 7-13.

Dhiman, G., & Kaur, A. (2019). *STOA: A bio-inspired based optimization algorithm for industrial engineering*

* Corresponding Author: m_yazdani@qiau.ac.ir

How to Cite: Dabiri, M., Yazdani, M., Naderi, B. and Haleh, H (2021). Mathematical Model and Meta-Heuristic Algorithm for Dual Resource Constrained Hybrid Flow-Shop Scheduling Problem with Job Rejection, *Industrial Management Studies*, Vol.19 No 60, Spring 2021

- problems. *Engineering Applications of Artificial Intelligence*, 82, 148-174.
- Emami, S., Sabbagh, M., & Moslehi, G. (2016). *A Lagrangian relaxation algorithm for order acceptance and scheduling problem: a globalised robust optimisation approach*. *International Journal of Computer Integrated Manufacturing*, 29(5), 535-560.
- Esmacilbeigi, R., Charkhgard, P., & Charkhgard, H. (2016). *Order acceptance and scheduling problems in two-machine flow shops: new mixed integer programming formulations*. *European Journal of Operational Research*, 251(2), 419-431.
- Framinan, J. M., Leisten, R., & García, R. R. (2014). *Manufacturing scheduling systems*. An integrated view on Models, Methods and Tools, 51-63.
- Figielska, E. (2018). *Scheduling in a two-stage flowshop with parallel unrelated machines at each stage and shared resources*. *Computers & Industrial Engineering*, 126, 435-450.
- Geramipour, S., Moslehi, G., & Reisi-Nafchi, M. (2017). *Maximizing the profit in customer's order acceptance and scheduling problem with weighted tardiness penalty*. *Journal of the Operational Research Society*, 68(1), 89-101.
- Gupta, J. N. (1988). *Two-stage, hybrid flowshop scheduling problem*. *Journal of the operational Research Society*, 39(4), 359-364.
- Gao, L., & Pan, Q. K. (2016). *A shuffled multi-swarm micro-migrating birds optimizer for a multi-resource-constrained flexible job shop scheduling problem*. *Information Sciences*, 372, 655-676.
- Gong, G., Chiong, R., Deng, Q., Han, W., Zhang, L., Lin, W., & Li, K. (2019). *Energy-efficient flexible flow shop scheduling with worker flexibility*. *Expert Systems with Applications*, 112902.
- Gong, X., Deng, Q., Gong, G., Liu, W., & Ren, Q. (2018). *A memetic algorithm for multi-objective flexible job-shop problem with worker flexibility*. *International Journal of Production Research*, 56(7), 2506-2522.
- Johnson, S. M. (1954). *Optimal two-and three-stage production schedules with setup times included*. *Naval research logistics quarterly*, 1(1), 61-68.
- Jan, D., & W Patrick, N. (2009). *Ergonomics contributions to company strategies*. *Applied Ergonomics*, 40, 745-752.
- Lin, S. W., & Ying, K. C. (2015). *Order acceptance and scheduling to maximize total net revenue in permutation flowshops with weighted tardiness*. *Applied Soft Computing*, 30, 462-474.

- Lei, D., & Guo, X. (2015). *A parallel neighborhood search for order acceptance and scheduling in flow shop environment*. International Journal of Production Economics, 165, 12-18.
- Li, J., Huang, Y., & Niu, X. (2016). *A branch population genetic algorithm for dual-resource constrained job shop scheduling problem*. Computers & Industrial Engineering, 102, 113-131.
- Lin, H. T., & Liao, C. J. (2003). *A case study in a two-stage hybrid flow shop with setup time and dedicated machines*. International Journal of Production Economics, 86(2), 133-143.
- Lei, D., & Guo, X. (2014). *Variable neighbourhood search for dual-resource constrained flexible job shop scheduling*. International Journal of Production Research, 52(9), 2519-2529.
- Montgomery, D. C. (2005). *Design and Analysis of Experiments*, Six Edition, John Wiley&Sons.
- Mehravaran, Y., & Logendran, R. (2013). *Non-permutation flowshop scheduling with dual resources*. Expert Systems with Applications, 40(13), 5061-5076.
- Meng, L., Zhang, C., Zhang, B., & Ren, Y. (2019). *Mathematical Modeling and Optimization of Energy-Conscious Flexible Job Shop Scheduling Problem With Worker Flexibility*. IEEE Access.
- Naderi, B., Gohari, S., & Yazdani, M. (2014). *Hybrid flexible flowshop problems: Models and solution methods*. Applied Mathematical Modelling, 38(24), 5767-5780.
- Nguyen S, Zhang M, Johnston M (2014) *Enhancing branch-and-bound algorithms for order acceptance and scheduling with genetic programming*. In: Nicolau M, Krawiec K, Heywood MI, Castelli M, Garcia-Sanchez P, Merelo JJ, Rivas Santos VM, Sim K (eds) Genetic programming, 1st edn. Springer, Berlin, pp 124–136
- Nguyen, S., Zhang, M., Johnston, M. (2014) *A sequential genetic programming method to learn forward construction heuristics for order acceptance and scheduling*. In: 2014 IEEE Congress on Evolutionary Computation (CEC). IEEE, pp. 1824–1831.
- N. Mohsen, M. Iraj, *Multi-job lot streaming to minimize the weighted completion time in a hybrid flow shop scheduling problem with work shift constraint*, International Journal of Advanced Manufacturing Technology, 70 (2014) 501-514.
- Pan, Q. K., Gao, L., Li, X. Y., & Gao, K. Z. (2017). *Effective metaheuristics for scheduling a hybrid flowshop with sequence-dependent setup times*. Applied Mathematics and Computation, 303, 89-112.

- Pan, Q. K., Ruiz, R., & Alfaro-Fernández, P. (2017). *Iterated search methods for earliness and tardiness minimization in hybrid flowshops with due windows*. *Computers & Operations Research*, 80, 50-60.
- Pan, Q. K., Wang, L., Li, J. Q., & Duan, J. H. (2014). *A novel discrete artificial bee colony algorithm for the hybrid flowshop scheduling problem with makespan minimisation*. *Omega*, 45, 42-56.
- Pan, Q. K., Wang, L., Mao, K., Zhao, J. H., & Zhang, M. (2012). *An effective artificial bee colony algorithm for a real-world hybrid flowshop problem in steelmaking process*. *IEEE Transactions on Automation Science and Engineering*, 10(2), 307-322.
- Quadt, D., & Kuhn, H. (2005). *Conceptual framework for lot-sizing and scheduling of flexible flow lines*. *International Journal of Production Research*, 43(11), 2291-2308.
- Ruiz, R., & Vázquez-Rodríguez, J. A. (2010). *The hybrid flow shop scheduling problem*. *European journal of operational research*, 205(1), 1-18.
- Ruiz, R., & Maroto, C. (2006). *A genetic algorithm for hybrid flowshops with sequence dependent setup times and machine eligibility*. *European Journal of Operational Research*, 169(3), 781-800.
- Silva, Y. L. T., Subramanian, A., & Pessoa, A. A. (2018). *Exact and heuristic algorithms for order acceptance and scheduling with sequence-dependent setup times*. *Computers & Operations Research*, 90, 142-160.
- Shabtay, D., & Gasper, N. (2012). *Two-machine flow-shop scheduling with rejection*. *Computers & Operations Research*, 39(5), 1087-1096.
- Shahvari, O., & Logendran, R. (2017). *A bi-objective batch processing problem with dual-resources on unrelated-parallel machines*. *Applied Soft Computing*, 61, 174-192.
- Silva, Y. L. T., Subramanian, A., & Pessoa, A. A. (2018). *Exact and heuristic algorithms for order acceptance and scheduling with sequence-dependent setup times*. *Computers & Operations Research*, 90, 142-160.
- Thevenin, S., Zufferey, N., & Widmer, M. (2015). *Metaheuristics for a scheduling problem with rejection and tardiness penalties*. *Journal of Scheduling*, 18(1), 89-105.
- Thevenin, S., Zufferey, N., & Widmer, M. (2016). *Order acceptance and scheduling with earliness and tardiness penalties*. *Journal of Heuristics*, 22(6), 849-890.

- Thevenin, S., & Zufferey, N. (2019). *Learning Variable Neighborhood Search for a scheduling problem with time windows and rejections*. *Discrete Applied Mathematics*, 261, 344-353.
- Udo, G. G., & Ebiefung, A. A. (1999). *Human factors affecting the success of advanced manufacturing systems*. *Computers & Industrial Engineering*, 37, 297-300.
- Wang J., Zhuang X., Wu B. (2017) *A New Model and Method for Order Selection Problems in Flow-Shop Production*. In: Choi TM., Gao J., Lambert J., Ng CK., Wang J. (eds) *Optimization and Control for Systems in the Big-Data Era*. *International Series in Operations Research & Management Science*, vol 252. Springer, Cham
- Wang, S., & Ye, B. (2019). *Exact methods for order acceptance and scheduling on unrelated parallel machines*. *Computers & Operations Research*, 104, 159-173.
- Wang, S., & Ye, B. (2019). *Exact methods for order acceptance and scheduling on unrelated parallel machines*. *Computers & Operations Research*, 104, 159-173.
- Waldherr, S., & Knust, S. (2017). *Decomposition algorithms for synchronous flow shop problems with additional resources and setup times*. *European Journal of Operational Research*, 259(3), 847-863.
- Xu, L., Wang, Q., & Huang, S. (2015). *Dynamic order acceptance and scheduling problem with sequence-dependent setup time*. *International Journal of Production Research*, 53(19), 5797-5808.
- Xiao, Y., Yuan, Y., Zhang, R. Q., & Konak, A. (2015). *Non-permutation flow shop scheduling with order acceptance and weighted tardiness*. *Applied Mathematics and Computation*, 270, 312-333.
- Xie, X., & Wang, X. (2016). *An enhanced ABC algorithm for single machine order acceptance and scheduling with class setups*. *Applied Soft Computing*, 44, 255-266.
- Xiao, Y., Yuan, Y., Zhang, R. Q., & Konak, A. (2015). *Non-permutation flow shop scheduling with order acceptance and weighted tardiness*. *Applied Mathematics and Computation*, 270, 312-333.
- Yavari, M., Marvi, M. & Akbari, A.H. (2019). *Semi-permutation-based genetic algorithm for order acceptance and scheduling in two-stage assembly problem*. *Neural Comput & Applic* doi:10.1007/s00521-019-04027-w

- Yazdani, M., Zandieh, M., & Tavakkoli-Moghaddam, R. (2019). *Evolutionary algorithms for multi-objective dual-resource constrained flexible job-shop scheduling problem*. OPSEARCH, 1-24.
- Yu, C., Semeraro, Q., & Matta, A. (2018). *A genetic algorithm for the hybrid flow shop scheduling with unrelated machines and machine eligibility*. Computers & Operations Research, 100, 211-229.
- Zhang, B., Pan, Q. K., Gao, L., Zhang, X. L., Sang, H. Y., & Li, J. Q. (2017). *An effective modified migrating birds optimization for hybrid flowshop scheduling problem with lot streaming*. Applied Soft Computing, 52, 14-27.
- Zohali, H., Naderi, B., & Mohammadi, M. (2019). *The economic lot scheduling problem in limited-buffer flexible flow shops: Mathematical models and a discrete fruit fly algorithm*. Applied Soft Computing, 80, 904-919.
- Zhang, J., Wang, W., & Xu, X. (2017). *A hybrid discrete particle swarm optimization for dual-resource constrained job shop scheduling with resource flexibility*. Journal of Intelligent Manufacturing, 28(8), 1961-1972.
- Zheng, X. L., & Wang, L. (2016). *A knowledge-guided fruit fly optimization algorithm for dual resource constrained flexible job-shop scheduling problem*. International Journal of Production Research, 54(18), 5554-5566.

In Persian:

- Yazdani, M., Zandieh, M., & Tavakkoli-Moghaddam, R. (2015). *A hybrid meta-heuristic algorithm for dual resource constrained flexible job shop scheduling problem*, Industrial Management Studies, 12(33), 43-74.